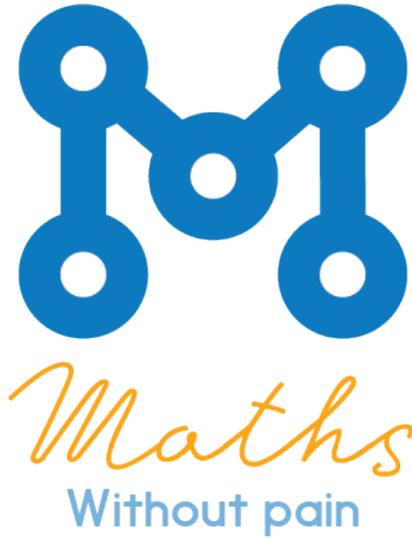


الطريق الى البكالوريا

عدد التمارين : 87

الشعب : علوم تجريبية - رياضيات - تقني رياضي

الأستاذ مرنيذ وليد



The only way to **LEARN** Mathematics, is to do Mathematics.

آخر تحديث : 17 أكتوبر 2021

السنة الدراسية
2022 - 2021

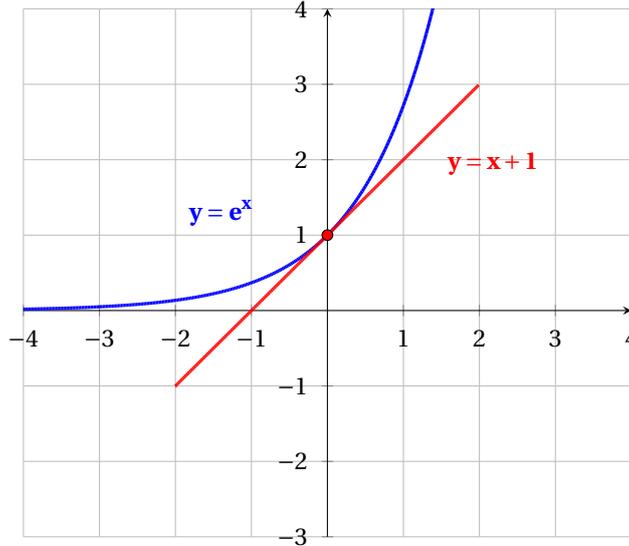
المحتويات

2	I	بطاقة تعريفية للدالة الأسية
4	II	الاسئلة الشائعة في الدوال و كيفية الاجابة عنها
7	III	تمارين تدريبية
20	IV	مواضيع بكالوريات جزائرية
21	1	شعبة علوم تجريبية
31	2	شعبة تقني رياضي
39	3	شعبة رياضيات
48	V	مواضيع بكالوريات أجنبية
55	VI	مواضيع بكالوريات تجريبية لمدارس اشبال الامة
56	4	شعبة علوم تجريبية
60	5	شعبة رياضيات

...

القسم 1

بطاقة تعريفية للدالة الأسية

الدالة الأسية ذات الأساس $e \approx 2.718$ 

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1 \quad \blacksquare$$

و من اجل كل $n \in \mathbb{N}^*$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x^n} = +\infty \quad \blacksquare$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n e^x = 0 \quad \blacksquare$$

مشتقة الدالة الأسية

$$(e^u)' = u' e^u \quad \blacksquare$$

مثال: $f(x) = e^{\frac{1}{x}}$ اذن $f'(x) = -\frac{1}{x^2} e^{\frac{1}{x}}$

حل معادلات و متراجحات

$$e^a = e^b \quad \text{يكافئ} \quad a = b \quad \blacksquare$$

تغيير المتغير: الاكثر الاستعمالا بوضع

$$X = e^x \quad \text{أو} \quad X = e^{-x}$$

الهدف هو التحول من معادلة تتضمن اسية الى معادلة بسيطة (معادلة من الدرجة الثانية،...)

$$e^a \geq e^b \quad \text{يكافئ} \quad a \geq b \quad \blacksquare$$

(الدالة الاسية متزايدة تماما على \mathbb{R})

الخواص الجبرية للدالة الاسية

$$e^1 \approx 2.718, \quad e^0 = 1 \quad \blacksquare$$

من اجل كل عدد حقيقي a و b :

$$e^{a+b} = e^a e^b \quad \blacksquare$$

$$e^{a-b} = \frac{e^a}{e^b} \quad \blacksquare$$

$$(e^a)^b = e^{ab} \quad \blacksquare$$

حالة خاصة:

$$\frac{1}{e^x} = e^{-x}, \quad \mathbb{R} \text{ من } x \text{ كل}$$

$$\sqrt{e^x} = e^{\frac{1}{2}x}, \quad \mathbb{R} \text{ من } x \text{ كل}$$

النهايات الشهيرة للدالة الاسية

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^x = +\infty \quad \blacksquare$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0 \quad \blacksquare$$

التزايد المقارن

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty \quad \blacksquare$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x e^x = 0 \quad \blacksquare$$



القسم II

الاسئلة الشائعة في الدوال و كيفية الاجابة عنها

① مبرهنة القيم المتوسطة

• الهدف اثبات ان معادلة ما، تقبل حلولا في مجال معين باستعمال مبرهنة القيم المتوسطة.

مبرهنة القيم المتوسطة	
<ul style="list-style-type: none"> • أولا : نبين ان f مستمرة ورتيبة على المجال $[a; b]$ • ثانيا : نحسب كلا من $f(a)$ و $f(b)$ ثم نبين ان k محصورة بين $f(a)$ و $f(b)$ ، وعليه نجد α من المجال $[a; b]$ يحقق : $f(x) = k$ 	<ul style="list-style-type: none"> • بين ان المعادلة $f(x) = k$ تقبل حلا وحيدا α حيث : $a \leq \alpha \leq b$
<ul style="list-style-type: none"> • نبين ان f مستمرة ورتيبة على المجال $[a; b]$. نحسب $f(a)$ و $f(b)$ ، ثم نجد : $f(a) \times f(b) < 0$. ومنه يوجد α وحيد من المجال $[a; b]$ يحقق : $f(x) = 0$ 	<ul style="list-style-type: none"> • بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث : $\alpha \in [a; b]$

② معادلة المماس

ايجاد معادلة المماس	
نكتب المعادلة : $y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$ ، ثم نحسب كلا من $f'(x_0)$ و $f(x_0)$ ونعوض في المعادلة	عين معادلة المماس لـ (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة x_0
اي نبحث عن الفاصلة x_0 وذلك بحل المعادلة $f(x_0) = y_0$ ، ثم نكتب معادلة المماس عند x_0	اكتب معادلة المماس لـ (C_f) عند النقطة ذات الترتيبة y_0
نحسب معامل التوجيه : $f'(x_0) = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B}$ ، حيث النقطتين A و B من المماس	عين بيانيا العدد المشتق : $f'(x_0)$ ملاحظة : $f'(x_0) =$ معامل توجيه المماس
نبحث عن الفاصلة x_0 بحل المعادلة $f'(x_0) = a$ ، اي عدد حلول المعادلة هي عدد المماسات التي معامل توجيهها a	هل توجد مماسات لـ (C_f) معامل توجيهها a ؟
نحل المعادلة : معامل توجيه $f'(x_0) = d$ اي $f'(x_0) = a$ اذا وجدنا حلول نقول يوجد مماسات لـ (C_f) موازية لـ (d)	هل توجد مماسات لـ (C_f) توازي المستقيم ذا المعادلة $(d) : y = ax + b$ ؟
نبحث عن x_0 بحل المعادلة $\beta = f'(x_0)(\alpha - x_0) + f(x_0)$ عدد حلول المعادلة تمثل عدد المماسات	هل توجد مماسات لـ (C_f) تشمل النقطة $A(\alpha, \beta)$
نبحث عن x_0 بحل المعادلة : $f'(x_0) = -\frac{1}{a}$ ، a هو معامل توجيه (d) . وعدد الحلول يمثل عدد المماسات	هل توجد مماسات لـ (C_f) تعامد المستقيم ذا المعادلة $(d) : y = ax + b$

③ الوضع النسبي

الوضع النسبي بين منحنى و مستقيم

الوضعية النسبية	اشارة الفرق
(Cf) يقع فوق (Δ)	> 0 الفرق
(Cf) يقع تحت (Δ)	< 0 الفرق
- الفرق لم يغير اشارته : (Δ) يمس (Cf) - الفرق يغير اشارته : (Δ) يخترق (Cf). النقطة A(a, f(a)) نقطة انعطاف	$= 0$ الفرق



- المستقيم المقارب العمودي لا يقطع ابدا (Cf)
- المستقيم المقارب الافقي و المائل يمكن ان يقطعا (Cf)

④ نقطة الانعطاف

كيفية ايجاد نقطة انعطاف

الطريقة 1 :	$f'(x)$ تنعدم و لا تغير اشارتها
الطريقة 2 :	$f''(x)$ تنعدم مغيرة اشارتها
الطريقة 3 :	عند دراسة الوضع النسبي ل (Cf) و مماسه (Δ) ، نجد ان (Δ) يخترق (Cf)

⑤ انشاء منحنى

لانشاء منحنى نتبع الخطوات التالية :

①	تحديد الوحدة ان طلبت
②	تعيين المستقيمات المقاربة ان وجدت
③	تعيين الذروات ان وجدت
④	تعيين نقاط التقاطع مع محور الفواصل ان طلبت
⑤	تعيين نقاط الانعطاف ان وجدت
⑥	تعيين المماس ان طلب رسمه.

...

القسم III

تمارين تدريبية

رموز مفاتيحية

👁 فكرة تستحق المحاولة

🏠 تمارين للتدرب في المنزل

🎯 تمارين للتعمق

📝 تمارين للتدرب تتضمن افكار اساسية

معارف لا بد منها

◀ حساب الدالة المشتقة

◀ الحساب على القوى

◀ دراسة تغيرات دالة

◀ حساب النهايات

◀ تطبيق مبرهنة القيم المتوسطة

◀ دراسة قابلية الاشتقاقية

التمرين رقم 1:



بسط العبارات التالية:

$$(e^{5x})^2 \quad (7)$$

$$e^{-x}e^2 \quad (4)$$

$$e^x(e^x + e^{-x}) \quad (8)$$

$$\frac{e^{3x}}{(e^{-x})^2 \times e^x} \quad (5)$$

$$\frac{e^{-4x}e}{(e^{-x})} \quad (9)$$

$$\frac{e^x e^y}{e^{x-y}} \quad (6)$$

$$(e^x)^3 e^{-2x} \quad (1)$$

$$\frac{e^{x-1}}{e^{x+2}} \quad (2)$$

$$\frac{e^x + e^{-x}}{e^x} \quad (3)$$

التمرين رقم 2:



احسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^x}{x} \quad (7)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\frac{3x+1}{x-5}} \quad (4)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{-x+1} \quad (8)$$

$$\lim_{x < 1} e^{\frac{1}{x-1}} \quad (5)$$

$$\lim_{x > 1} e^{\frac{1}{x-1}} \quad (9)$$

$$\lim_{x > 1} e^{\frac{1}{x-1}} \quad (6)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^{2x+1} \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\frac{1}{x}} \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{x^2+2x-1} \quad (3)$$

التمرين رقم 3:

📝 (إزالة حالة عدم التعيين)

اخراج e^x كعامل مشترك

احسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x e^x}{e^x + 1} \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (2x-1)e^x - 3e^{2x} \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{2x} - 3e^x + 4}{e^x + 2} \quad (3)$$

اخراج x كعامل مشترك

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (e^x - x) \quad (4)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (e^{x+1} - 2x - 3) \quad (5)$$

النشر

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (2x - 1)e^x \quad (6)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (x^3 + 2x - 1)e^x \quad (7)$$

الانتقال بين $e^{-u(x)}$ و $e^{u(x)}$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} 2xe^{-x} \quad (8)$$

انشاء التماثل

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{2x+1}}{x} \quad (9)$$

التمرين رقم 4:



احسب النهايات التالية:

$$f(x) = 2x - 1 + e^x \quad \text{عند } +\infty \text{ و } -\infty \quad (4)$$

$$f(x) = \frac{e^x - 1}{2x} \quad \text{عند } 0, +\infty \text{ و } -\infty \quad (1)$$

$$f(x) = \frac{1}{x}(e^{2x} - 1) \quad \text{عند } 0 \text{ و } +\infty \quad (5)$$

$$f(x) = \frac{e^x - 1}{2e^x + 1} \quad \text{عند } +\infty \text{ و } -\infty \quad (2)$$

$$f(x) = x + 2 + xe^x \quad \text{عند } -\infty \quad (6)$$

$$f(x) = e^{2x} - e^x + 1 \quad \text{عند } +\infty \text{ و } -\infty \quad (3)$$

التمرين رقم 5:



احسب النهاية الآتية:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1}{e^x - 1} - \frac{1}{x} \right)$$

التمرين رقم 6:



احسب الدالة المشتقة للدوال الآتية:

$$f(x) = x^2 - 2(x - 1)e^x \quad (5)$$

$$f(x) = (x^2 - 2x)e^x \quad (1)$$

$$f(x) = xe^{\frac{1}{x}} \quad (6)$$

$$f(x) = \frac{1}{x}e^x \quad (2)$$

$$f(x) = e^{\frac{1+x}{1+x^2}} \quad (7)$$

$$f(x) = \frac{e^x - 1}{2e^x + 1} \quad (3)$$

$$f(x) = e^{x^2+x} \quad (8)$$

$$f(x) = \frac{e^x}{e^x - x} \quad (4)$$

التمرين رقم 7:

حل في \mathbb{R} المعادلات التالية :

$$\begin{array}{lll}
 xe^{2x} - 2e^{2x} = 0 & \blacksquare & e^x - e^{-x} = 0 & \blacksquare & e^x = e & \blacksquare \\
 (e^{2x} - 1)(e^x + 2) = 0 & \blacksquare & e^{x^2+5} = (e^{x+2})^2 & \blacksquare & e^{-x} = 1 & \blacksquare \\
 e^{2x-3} = 1 & \blacksquare & e^x + e^{-x} = 0 & \blacksquare & e^{2x-1} = e & \blacksquare \\
 e^{2x} - 9 = 0 & \blacksquare & e^{3x+1} = e^{-2x+3} & \blacksquare & e^{x^2+x} = 1 & \blacksquare
 \end{array}$$

التمرين رقم 8:

حل في \mathbb{R} المتراجحات التالية :

$$\begin{array}{lll}
 e^{2x} - 1 \geq 0 & \blacksquare & e^x < 1 & \blacksquare & e^x < e & \blacksquare \\
 xe^{-x} - 3e^{-x} < 0 & \blacksquare & e^{-x} > 0 & \blacksquare & e^{-x} \leq 1 & \blacksquare \\
 e^{2x^2} \leq e^{5x+3} & \blacksquare & e^{-x} > 1 & \blacksquare & e^{2x-1} > e^x & \blacksquare \\
 2e^{2x} - 5e^x + 2 < 0 & \blacksquare & e^x - e^{-x} > 0 & \blacksquare & e^x + e^{-x} < 2 & \blacksquare
 \end{array}$$

التمرين رقم 9:

ادرس اتجاه تغير الدالة f في كل حالة:

$$\begin{array}{l}
 (1) \text{ على } f(x) = x + 1 + e^x \text{ على } \mathbb{R} \\
 (2) \text{ على } f(x) = \frac{e^x + 2}{e^x - 1} \text{ على كل من المجالين }]-\infty; 0[\text{ و }]0; +\infty[\\
 (3) \text{ على } f(x) = (x^2 - 3)e^x \text{ على } \mathbb{R} \\
 (4) \text{ على كل من المجالين }]-\infty; 1[\text{ و }]1; +\infty[. f(x) = \frac{e^x}{x-1}
 \end{array}$$

التمرين رقم 10:



f دالة معرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = e^{2x} - 2e^x + 1$ ، و (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- (1) ادرس اتجاه تغير الدالة f .
- (2) ادرس نهاية الدالة f عند $-\infty$ و عند $+\infty$ مفسرا النهاية عند $-\infty$ بيانيا.
- (3) شكل جدول تغيرات الدالة f .

- (4) عين نقاط تقاطع المنحني (C) مع محوري الاحداثيات.
- (5) احسب $f(-1)$ و $f(1)$ ثم انشئ (C).
- (6) g دالة معرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = -f(x)$ ، انشئ (γ) منحني الدالة g في نفس المعلم السابق.

التمرين رقم 11:



- f دالة معرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x - 1 + e^x$ ، و (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.
- (1) ادرس اتجاه تغير الدالة f .
- (2) ادرس نهاية الدالة f عند $-\infty$ و عند $+\infty$.
- (3) احسب $f(0)$ ثم استنتج إشارة $f(x)$ حسب قيم x .
- (4) شكل جدول تغيرات الدالة f .
- (5) بين ان المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x - 1$ مقارب لـ (C) عند $-\infty$ ثم ادرس وضعية (C) بالنسبة الى (Δ).
- (6) اكتب معادلة لـ (T) مماس المنحني (C) عند النقطة O.
- (7) انشئ (Δ) ، (T) و (C) في نفس المعلم.
- (8) ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد و إشارة حلول المعادلة $f(x) = 2x + m$.

التمرين رقم 12:



- نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R}^* كمايلي: $f(x) = \frac{e^x + 2}{e^x - 1}$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.
- (1) ادرس تغيرات الدالة f و شكل جدول تغيراتها.
- (2) بين انه من اجل كل x من \mathbb{R} لدينا: $f(-x) + f(x) = -1$ ، ماذا تستنتج بالنسبة الى المنحني (C_f)
- (3) ارسم (C_f)
- (4) g دالة معرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = |f(x)|$
- (ا) اكتب $g(x)$ بدلالة $f(x)$ حسب قيم x .
- (ب) ارسم في نفس المعلم (C_g) التمثيل البياني للدالة g اعتمادا على (C_f).

التمرين رقم 13:



لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = \frac{e^x}{1+e^x}$.
و (C) هو التمثيل البياني للدالة f في المستوى المنسوب الى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) ادرس اتجاه تغير الدالة f .

(ب) احسب نهاية الدالة f عند $-\infty$ و عند $+\infty$. فسر النتائج بيانيا.

(ج) شكل جدول تغيرات الدالة f .

(2) بين ان النقطة $A(0; \frac{1}{2})$ هي مركز تناظر للمنحني (C).

(3) عين معادلة المماس (T) للمنحني (C) عند النقطة A.

(4) لتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = \frac{1}{4}x + \frac{1}{2} - f(x)$

(ا) بين انه من اجل كل $x \in \mathbb{R}$: $g'(x) = \frac{(e^x - 1)^2}{4(1 + e^x)^2}$

(ب) شكل جدول تغيرات الدالة g ، ثم استنتج اشارة g على \mathbb{R}

(ج) استنتج الوضعية النسبية للمنحني (C) و المستقيم (T).

ماذا تمثل النقطة A في المنحني (C).

(د) ارسم (T) و (C).

التمرين رقم 14:



f الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = x - \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$ وليكن (C) المنحني البياني للدالة f في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) بين ان الدالة f فردية.

(2) احسب النهاية $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، ثم استنتج النهاية $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(3) (ا) اثبت انه من اجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = x - 1 + \frac{2}{e^x + 1}$ و $f(x) = x + 1 - \frac{2e^x}{e^x + 1}$

(ب) استنتج ان المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x - 1$ مقارب للمنحني (C) عند $+\infty$
ثم ادرس وضعية (C) بالنسبة الى (Δ).

(ج) استنتج ان المستقيم (Δ') الذي معادلته $y = x + 1$ مقارب للمنحني (C) عند $-\infty$
ثم ادرس وضعية (C) بالنسبة الى (Δ').

(4) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(5) ارسم (Δ)، (Δ') و (C) في نفس المعلم.

التمرين رقم 15:



(I) دالة معرفة على \mathbb{R} بالعلاقة $g(x) = e^x + x + 1$.

(1) ادرس تغيرات الدالة g على \mathbb{R} .

(2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $-1.3 < \alpha < -1.2$.

(3) استنتج اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

(II) دالة معرفة على \mathbb{R} بالعلاقة: $f(x) = \frac{xe^x}{e^x + 1}$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) بين ان $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(e^x + 1)^2}$ ، ثم استنتج تغيرات f على \mathbb{R} .

(2) بين ان $f(\alpha) = \alpha + 1$ ، ثم استنتج حصرا لـ $f(\alpha)$.

(3) عين معادلة المماس (d) لـ (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة صفر، ثم ادرس الوضع النسبي لـ (d) و (C_f).

(4) بين ان المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = x$ مقارب مائل لـ: (C_f) في جوار $+\infty$.

(5) ادرس وضعية (C_f) بالنسبة الى (Δ) ، ثم ارسم (d) و (Δ) و (C_f).

التمرين رقم 16:



(1) لتكن g الدالة المعرفة على المجال $[0; +\infty[$ بـ: $g(x) = x + 2 - e^x$

(ا) ادرس تغيرات الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها. (نقبل ان $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$)

(ب) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α من المجال $[0; +\infty[$ ، ثم برر ان: $1.14 < \alpha < 1.15$

(ج) استنتج اشارة $g(x)$ على المجال $[0; +\infty[$.

(2) لتكن f الدالة المعرفة على المجال $[0; +\infty[$ بـ: $f(x) = \frac{e^x - 1}{xe^x + 1}$ وليكن (C) تمثيلها البياني في مستو منسوب الى معلم

متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(ا) بين انه من اجل كل x من $[0; +\infty[$: $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(xe^x + 1)^2}$

(ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(ج) بين ان: $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha + 1}$ ، ثم اعط حصرا لـ $f(\alpha)$ بتقريب 10^{-3} .

(د) ارسم (C).

التمرين رقم 17:



الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = \frac{3e^x - 1}{e^x + 1}$
 المنحني الممثل للدالة f في المستوى المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- (1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.
- (2) ادرس اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.
- (3) حدد معادلات المستقيمات المقاربة للمنحني (C_f) .
- (4) بين انه، من اجل كل عدد حقيقي x ، $f(x) + f(-x) = 2$ ، و فسر النتيجة هندسيا.
- (5) بين ان المنحني (C_f) يقبل مماسا (T) معامل توجمه يساوي 1، يطلب كتابة معادلة له.
- (6) احسب احدائي نقطة تقاطع المنحني (C_f) مع محور الفواصل ثم ارسم كلا من (C_f) و (T) .
- (7) ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و اشارة حلول المعادلة: $(3 - m)e^x = m + 1$.

التمرين رقم 18:



(I) نتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = (2 - x)e^x - 1$

- (1) عين نهايتي الدالة g عند $-\infty$ و $+\infty$.
- (2) (ا) ادرس تغيرات الدالة g .
 (ب) شكل جدول تغيرات الدالة g .
- (3) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين α و β بحيث $-1.2 < \alpha < -1.1$ و $1.8 < \beta < 1.9$.
- (4) استنتج اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x - x}$

(C_f) تمثيلها البياني في مستو منسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- (1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.
- (2) (ا) بين انه، من اجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - x)^2}$
 (ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.
- (3) (ا) بين ان $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha - 1}$ (حيث العدد α المعرف في السؤال 3 الجزء ا).
 (ب) عين حصرا للعددين $f(\alpha)$ و $f(\beta)$. (تدور النتائج الى 10^{-1}).
 (ج) ارسم (C_f) .

التمرين رقم 19:



نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = x + \frac{2}{e^x + 1}$

(C_f) المنحني الممثل للدالة f في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) احسب $f(x) + f(-x)$ من اجل كل عدد حقيقي x ثم استنتج ان النقطة $\omega(0; 1)$ مركز تناظر للمنحني (C_f).

(2) (1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم استنتج $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) (ا) بين ان المستقيم ذا المعادلة $y = x$ مستقيم مقارب مائل للمنحني (C_f) بجوار $+\infty$.

(ب) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x+2)]$ ، ثم فسر النتيجة بيانيا.

(4) (ا) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α بحيث $-1.7 < \alpha < -1.6$

(ب) من اجل اي قيمة للعدد الحقيقي k يكون العدد $(-a)$ حلا للمعادلة $f(x) = k$.

(5) ارسم (C_f) و مستقيمية المقاربين.

التمرين رقم 20:



(I) الدالة g معرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = 1 + (x^2 - 1)e^{-x}$.

(1) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها. (ناخذ: $g(1 + \sqrt{2}) = 1.43$ و $g(1 - \sqrt{2}) = -0.25$)

(2) (ا) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين في \mathbb{R} ، ثم تحقق ان احدهما معدوم و الاخر α حيث: $-0.8 < \alpha < -0.7$

(ب) استنتج اشارة $g(x)$ ، حسب قيم العدد الحقيقي x .

(II) الدالة f معرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = x - (x+1)^2 e^{-x}$.

(C_f) المنحني الممثل للدالة f في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(ب) بين ان المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = x$ ، مقارب للمنحني (C_f) عند $+\infty$.

(ج) ادرس وضعية المنحني (C_f) بالنسبة الى المستقيم (Δ).

(2) (ا) بين انه، من اجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = g(x)$. (يرمز f' الى الدالة المشتقة للدالة f).

(ب) شكل جدول تغيرات الدالة f على \mathbb{R} . (ناخذ: $f(\alpha) \approx -0.9$).

(3) (ا) بين ان المنحني (C_f) يقبل مماسين، معامل توجيه كل منهما يساوي 1، يطلب تعيين معادلة لكل منهما.

(ب) مثل (Δ) و المماسين و المنحني (C_f)

(ج) ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد حلول المعادلة ذات المجهول x : $(x+1)^2 + me^x = 0$

التمرين رقم 21:



نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = \frac{x}{e^x - x}$ ، (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(I) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = e^x - x - 1$

(1) ادرس اتجاه تغير الدالة g

(2) استنتج ان $g(x) \geq 0$ من اجل كل عدد حقيقي x

(3) علل انه، من اجل كل عدد حقيقي x ، $e^x - x > 0$

(II) (1) احسب نهايتي f عند $-\infty$ و $+\infty$

(ب) فسر النتائج هندسيا

(2) احسب $f'(x)$.

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) (ا) عين معادلة (T) مماس المنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 0.

(ب) ادرس الوضعية النسبية للمنحنى (C_f) بالنسبة الى (T) .

(ج) علل ان المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف، يطلب تعيين احداثيتها

(4) ارسم (T) و (C_f) .

التمرين رقم 22:



(I) الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = 1 + (x-1)e^x$.

(1) احسب نهاية الدالة g عند $-\infty$ و $+\infty$.

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) استنتج اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على المجال $]-\infty; 2]$ كمايلي: $f(x) = x + (x-2)e^x$

نرمز ب (C_f) لتمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) (ا) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x من $]-\infty; 2]$ فان $f'(x) = g(x)$

(ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) بين ان المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) . ثم ادرس وضعية (C_f) بالنسبة ل (Δ)

(3) اثبت ان المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف ω يطلب تعيين احداثيتها.

(4) اكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1.

(5) بين ان (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها α حيث: $1.6 < \alpha < 1.7$

(6) احسب $f(0)$ ، $f(1)$ ثم ارسم (Δ) ، (T) و المنحنى (C_f)

(7) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة: $f(x) = x + m$

التمرين رقم 23:



(I) الدالة g معرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = 1 + (1-x)e^x$

- (1) ادرس تغيرات الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.
- (2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α على المجال $[0; +\infty[$
- (3) تحقق ان $1.27 < \alpha < 1.28$ ، ثم استنتج حسب قيم x اشارة $g(x)$.

(II) f هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = \frac{e^x + x + 1}{e^x + 1}$
 (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

- (1) بين ان $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ ، ثم فسر النتيجة هندسيا.
- (2) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
 (ب) بين ان المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = x + 1$ ، مستقيم مقارب للمنحنى (C_f)
- (3) ادرس وضعية (C_f) بالنسبة الى كل من (Δ) و (Δ') حيث (Δ') هو المستقيم ذو المعادلة $y = 1$
- (4) (ا) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x + 1)^2}$ ، ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f
 (ب) بين ان $f(\alpha) = \alpha$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f
- (5) (ا) اثبت ان (C_f) يقطع محور الفواصل في النقطة التي فاصلتها $-\alpha$
 (ب) اثبت ان المنحنى (C_f) يقبل مماسا (T) في النقطة $M(-\alpha; 0)$ موازيا للمستقيم (Δ)
 (ج) اكتب معادلة (T)
- (6) ارسم (Δ) ، (Δ') ، (T) و (C_f)
- (7) ناقش بيانيا ، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد و اشارة حلول المعادلة $f(x) = x + f(m)$

التمرين رقم 24:



(I) g دالة عددية معرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = 2x + 4 - 4e^x$

- (ا) ادرس تغيرات الدالة g
- (ب) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين احدهما معدوم و الاخر α حيث: $-1.6 < \alpha < -1.59$
- (ج) استنتج اشارة $g(x)$ على \mathbb{R}

(II) f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = \frac{2e^x - 1}{2xe^x + 1}$
 (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

- (1) بين انه ، من اجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(2xe^x + 1)^2}$
- (2) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، ثم فسر النتائج هندسيا.
- (3) ادرس تغيرات الدالة f

(4) حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$ ، ثم استنتج إشارة $f(x)$ \odot

(5) بين ان: $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha+1}$ ، ثم عين حصرا للعدد $f(\alpha)$ \odot

(6) ارسم المنحنى (C_f)

(7) ناقش بيانيا ، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد وإشارة حلول المعادلة: $2mx - 2 + (m+1)e^{-x} = 0$

التمرين رقم 25:



(I) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = (x-1)e^{-x} + 2$

(1) ادرس تغيرات الدالة g

(2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $-0.38 < \alpha < -0.37$

(3) استنتج إشارة $g(x)$ ، حسب قيم x

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = 2x + 1 - xe^{-x}$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = g(x)$

(2) ادرس تغيرات الدالة f

(3) بين ان المستقيم (d) ذا المعادلة $y = 2x + 1$ مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $+\infty$

(4) ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (d)

(5) بين ان المنحنى يقبل نقطة انعطاف

(6) بين ان $f(\alpha) = \frac{2\alpha^2 + \alpha - 1}{\alpha - 1}$

(7) ارسم (d) و (C_f) ، ناخذ $\alpha \approx -0.375$

(III) (Δ_β) مستقيم معادلته $y = 2x + \beta$ حيث β عدد حقيقي.

(1) عين β حتى تكون (Δ_β) مماسا للمنحنى في نقطة يطلب تعيين احداثياتها. \odot

(2) ناقش بيانيا ، حسب قيم العدد الحقيقي β ، عدد حلول المعادلة: $-\frac{x}{e^x} + 1 - \beta = 0$

التمرين رقم 26:



نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = \frac{e^x - 1}{xe^x + 1}$ ،
 (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(I) (1) نعتبر الدالة h المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $h(x) = xe^x + 1$

(ا) ادرس تغيرات الدالة h .

(ب) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x : $h(x) > 0$. \odot

- (2) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = x + 2 - e^x$.
- (ا) احسب نهايتي الدالة g عند $-\infty$ و $+\infty$.
- (ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.
- (ج) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين α و β مع $\alpha > \beta$ ثم تحقق ان $1.14 < \alpha < 1.15$.
- (د) استنتج اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .
- (II) (1) احسب نهايتي f عند $-\infty$ و $+\infty$ ثم فسر النتائج هندسيا.
- (2) (ا) بين انه، من اجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(xe^x + 1)^2}$.
- (ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.
- (3) (ا) تحقق ان: $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha + 1}$.
- (ب) عين حصرا للعدد $f(\alpha)$ سعته 10^{-2} .
- (4) عين معادلة المماس (T) للمنحنى (C) عند النقطة ذات الفاصلة 0.
- (5) (ا) تحقق ان $f(x) - x = \frac{(x+1)u(x)}{xe^x + 1}$ حيث $f(x) - x = e^x - xe^x - 1$.
- (ب) ادرس اتجاه تغير الدالة u ثم استنتج اشارة $u(x)$.
- (ج) استنتج الوضعية النسبية للمنحنى (C) بالنسبة الى المماس (T) .
- (6) ارسم (T) و (C) . (نقبل ان $-1.84 < \beta < -1.85$ و $-1.18 < f(\beta) < -1.19$)

التمرين رقم 27:



(I) لتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = ax + b - \frac{4e^x}{e^x + 2}$ حيث a و b عدنان حقيقيان.
نرمز ب (C_g) لتمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- عين a و b بحيث (C_g) يشمل النقطة $A(\ln 2; \ln 2)$ و يقبل عند النقطة A مماسا موازيا لمحور الفواصل.

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = x + 2 - \frac{4e^x}{e^x + 2}$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

- (1) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = x - 2 + \frac{8}{e^x + 2}$
- (2) احسب نهايتي الدالة عند $-\infty$ و $+\infty$.
- (3) ادرس اتجاه تغير الدالة f و شكل جدول تغيراتها.
- (4) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x + 2)]$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (x - 2)]$.
- استنتج ان (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين (Δ) و (Δ') يطلب اعطاء معادلة لكل منهما.
- (5) بين ان المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف ω يطلب تعيين احداثيتها.
- (6) بين ان (C_f) يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها α حيث $-1.7 < \alpha < -1.6$.
- (7) ارسم (Δ) ، (Δ') و (C_f) .

(III) نعتبر الدالة h المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $h(x) = [f(x)]^2$

- عين اتجاه تغير الدالة ثم شكل جدول تغيراتها.

...

القسم IV

مواضيع بكالوريات جزائرية

1

شعبة علوم تجريبية

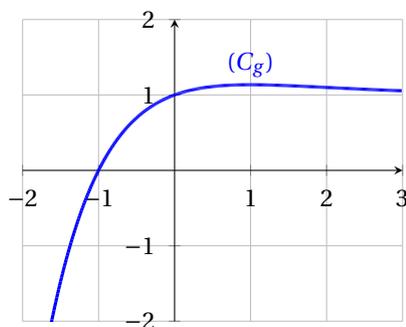
Tout le monde est un génie. Mais si vous jugez un poisson sur ses capacités à grimper à un arbre, il passera sa vie à croire qu'il est stupide.

Albert Einstein

التمرين رقم 28:

© | ✎ علوم تجريبية - 2021 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

(I) الدالة العددية g معرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = 1 + xe^{-x-1}$ ، (C_g) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (الشكل المقابل)



(1) احسب $g(-1)$

(2) بقراءة بيانية، حدد حسب قيم x إشارة $g(x)$

(II) الدالة العددية f معرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x - (x+1)e^{-x-1}$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

1) تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي x غير معدوم : $f(x) = x \left[1 - \left(1 + \frac{1}{x}\right) e^{-x-1} \right]$ ثم احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2) (ا) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = g(x)$

(ب) استنتج ان الدالة f متزايدة تماما على $[-1; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $]-\infty; -1]$ ثم شكل جدول تغيراتها.

3) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x)$ ثم فسر النتيجة هندسيا.

(ب) ادرس وضعية (C_f) بالنسبة الى المستقيم (Δ) ذي المعادلة $y = x$

(ج) بين ان (C_f) يقبل مماسا (T) موازيا للمستقيم (Δ) يطلب كتابة معادلة له.

4) (ا) بين ان (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين فاصلتهما α و β حيث :

$$-1.9 < \beta < -1.8 \text{ و } 0.3 < \alpha < 0.4$$

(ب) ارسم المستقيمين (Δ) و (T) ثم ارسم المنحنى (C_f) على المجال $[-2; +\infty[$

5) الدالة العددية h معرفة على المجال $[-2; 2]$ بـ : $h(x) = -|x| + (|x| - 1)e^{|x|-1}$

(C_h) تمثيلها البياني في المعلم السابق.

(ا) بين ان الدالة h زوجية.

(ب) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x من المجال $[-2; 0]$: $h(x) = f(x)$

(ج) اشرح كيف يمكن رسم (C_h) انطلاقا من (C_f) ثم ارسمه

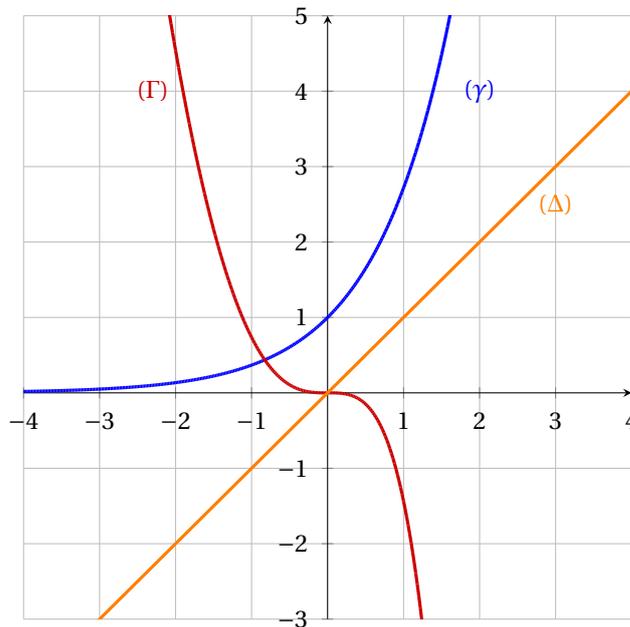
التمرين رقم 29:

علوم تجريبية - 2020 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

(ا) المستوي منسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

في الشكل المرفق، المنحنى الممثل للدالة g المعرفة على \mathbb{R} بـ : $g(x) = 2x^2 + 2x - 2xe^x$

(Δ) المستقيم ذو المعادلة: $y = x$ و (γ) المنحنى الممثل للدالة e^x .



بقراءة بيانية:

- (1) برر انه من اجل كل عدد حقيقي x : $e^x - x > 0$
- (2) حدد تبعا لقيم العدد الحقيقي x اشارة $g(x)$ علما ان $g(0) = 0$
- (II) الدالة العددية f معرفة على \mathbb{R} بـ : $f(x) = -1 + \frac{2e^x}{e^x - x}$. ليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم السابق.
- (1) بين ان $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ واحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ثم فسر نتيجتي النهايتين هندسيا.
- (2) (ا) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x يكون : $f'(x) = \frac{2e^x(1-x)}{(e^x - x)^2}$
(ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها
- (3) (ا) اكتب معادلة المماس لـ (T) المماس للمنحنى (C_f) في النقطة A ذات الفاصلة 0
(ب) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x يكون : $f(x) - (2x + 1) = \frac{g(x)}{e^x - x}$
(ج) استنتج الوضع النسبي لـ (C_f) و (T) على \mathbb{R} ، ماذا تمثل النقطة A بالنسبة الى (C_f) ؟
- (4) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $] -\infty; 1]$ ، ثم تحقق ان : $-0.6 < \alpha < -0.5$
- (5) انشئ المماس (T) والمستقيمين المقاربين ثم المنحنى (C_f)

التمرين رقم 30:

📌 | 🕒 علوم تجريبية - 2019 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

المستوي منسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$. تؤخذ وحدة الطول $2cm$
 (C_f) و (C_g) التمثيلان البيانيان للدالتين f و g المعرفتين على \mathbb{R} كمايلي :

$$f(x) = e^x - \frac{1}{2}ex^2 \quad \text{و} \quad g(x) = e^x - ex$$

- (1) (ا) ادرس اتجاه تغير الدالة g
(ب) استنتج اشارة $g(x)$ حسب قيم x الحقيقية
- (2) ادرس اتجاه تغير الدالة f
- (3) احسب كلا من $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .
- (4) ادرس الوضع النسبي للمنحنيين (C_f) و (C_g) على \mathbb{R} .
- (5) ارسم على المجال $[0; 2]$ المنحنيين (C_f) و (C_g) في نفس المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$. (يعطي $e^2 - 2e \approx 2$)
- (6) احسب بالسنتمتر المربع، مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنيين (C_f) و (C_g)
- (7) الدالة المعرفة على المجال $[-2; 2]$ كمايلي : $h(x) = \frac{1}{2}ex^2 - e^{|x|}$ وليكن (Γ) تمثيلها البياني في المعلم السابق.
- (ا) بين ان h دالة زوجية.
- (ب) من اجل $x \in [0; 2]$ احسب $h(x) + f(x)$ ثم استنتج كيفية رسم (Γ) انطلاقا من (C_f) ثم ارسمه.

التمرين رقم 31:

🏠 علوم تجريبية - 2018 - الموضوع الأول (07 نقاط)

(I) الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = 2 + (x-1)e^{-x}$.

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $-0.37 < \alpha < -0.38$ ثم استنتج اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

(II) لتكن f الدالة المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = 2x + 1 - xe^{-x}$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

(ب) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (2x + 1)]$ ، ثم فسر النتيجة بيانيا.

(ج) ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) و المستقيم (Δ) حيث: $y = 2x + 1$.

(2) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x يكون $f'(x) = g(x)$ ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f و شكل جدول تغيراتها.

(3) اكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1.

(4) ارسم (Δ) ، (T) و المنحنى (C_f) (ناخذ $f(\alpha) = 0.8$).

(5) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و اشارة حلول المعادلة ذات المجهول x : $x = (1 - m)e^x$.

(6) (ا) باستعمال الكاملة بالتجزئة عين الدالة الاصلية للدالة $x \mapsto xe^{-x}$ على \mathbb{R} و التي نتعدم من اجل $x = 1$.

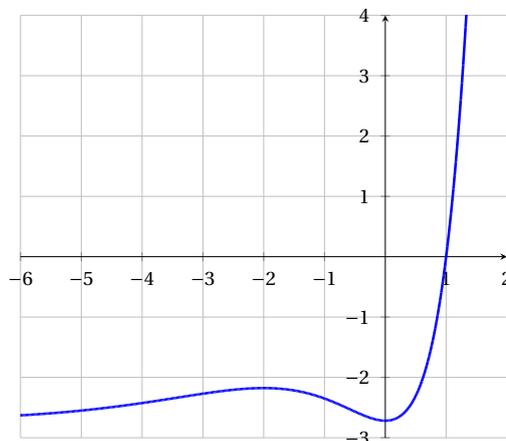
(ب) احسب العدد A مساحة الجيز المستوي المحدد بالمنحنى (C_f) و المستقيمت التي معادلاتها $x = 1$ ، $x = 3$ و $y = 2x + 1$.

التمرين رقم 32:

🏠 علوم تجريبية - 2017 - الدورة الاستثنائية، الموضوع الثاني (07 نقاط)

(I) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = x^2 e^x - e$.

(C_g) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى معلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ (كما هو في الشكل المقابل).



• احسب $g(1)$.

• بقراءة بيانية عين اشارة $g(x)$ ثم استنتج اشارة $g(-x)$ حسب قيم العدد الحقيقي x .

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على المجموعة \mathbb{R}^* كمايلي: $f(x) = e^{-x} - 2 - \frac{e}{x}$
 (C_f) التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) احسب النهايات الاتية: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

(2) بين ان المنحنى (γ) الذي معادلته: $y = e^{-x} - 2$ و المنحنى (C_f) متقاربان بجوار $-\infty$ ثم ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة الى (γ) .

(3) بين ان : من اجل كل عدد حقيقي غير معدوم x لدينا : $f'(x) = \frac{-g(-x)}{x^2}$

(4) استنتج ان الدالة f متزايدة تماما على كل من المجالين $[-1; 0[$ و $]0; +\infty[$ و متناقصة تماما على المجال $]-\infty; -1]$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .

(5) بين كيف يمكن إنشاء المنحنى (γ) انطلاقا من منحنى الدالة : $x \rightarrow e^x$ ثم ارسم بعناية كلا من المنحنيين (γ) و (C_f) في نفس المعلم السابق.

(6) ليكن n عددا طبيعيا و $(A(n))$ مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنيين (C_f) و (γ) و المستقيمين اللذين معادلتهما $x = -e^n$ و $x = -e^{n+1}$.

احسب العدد الحقيقي l حيث $l = A(0) + A(1) + \dots + A(2016)$.

التمرين رقم 33:

علوم تجريبية - 2017 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

(I) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = 2 - x^2 e^{1-x}$
 وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) بين ان $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ وأعط تفسيراً هندسياً لهذه النتيجة ، ثم احسب النهاية $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

(2) (ا) بين انه من اجل كل x من \mathbb{R} ، $f'(x) = x(x-2)e^{1-x}$

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(ج) اكتب معادلة لـ (T) المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1.

(3) نعتبر الدالة العددية h المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $h(x) = 1 - x e^{1-x}$

(ا) بين انه من اجل كل x من \mathbb{R} فان: $h(x) \geq 0$ ، ثم ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) و المماس (T) .

(ب) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $-0.7 < \alpha < -0.6$

(ج) انشئ المماس (T) و المنحنى (C_f) على المجال $]-1; +\infty[$.

(د) الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $F(x) = 2x + (x^2 + 2x + 2)e^{1-x}$

تحقق ان F دالة اصليّة للدالة f على \mathbb{R} ، ثم احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى (C_f) و حامل

محور الفواصل و المستقيمين اللذين معادلتهما: $x = 0$ و $x = 1$.

التمرين رقم 34:

علوم تجريبية - 2016 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

(I) الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = 1 + (x^2 + x - 1)e^{-x}$

(1) (أ) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$.

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) (أ) بين ان للمعادلة $g(x) = 0$ حلين في \mathbb{R} ، احدهما معدوم و الاخر α حيث: $-1.52 < \alpha < -1.51$.

(ب) استنتج اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

(II) الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = -x + (x^2 + 3x + 2)e^{-x}$ و (C_f) تمثيلها البياني في المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، (وحدة الطول 1cm).

(1) (أ) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(ب) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = -g(x)$ ، (حيث f' هي الدالة المشتقة للدالة f).

(ج) شكل جدول تغيرات الدالة f على \mathbb{R} ، (تأخذ $f(\alpha) \approx 0.38$).

(د) عين دون حساب: $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(\alpha + h) - f(\alpha)}{h}$ ، ثم فسر النتيجة هندسيا.

(2) (أ) بين ان المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = -x$ مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) عند $+\infty$

(ب) ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة الى للمستقيم (Δ) .

(ج) بين ان للمنحنى (C_f) نقطتي انعطاف يطلب تعيين احداثيتهما.

(د) ارسم (Δ) و (C_f) على المجال $[-2; +\infty[$.

(هـ) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و اشارة حلول المعادلة: $(m-x)e^x + (x^2 + 3x + 2) = 0$ على المجال $[-2; +\infty[$.

(III) h و H الدالتان المعرفتان على \mathbb{R} بـ: $h(x) = x + f(x)$ و $H(x) = (ax^2 + bx + c)e^{-x}$

(1) عين الاعداد الحقيقية a, b, c حتى تكون الدالة H دالة اصلية للدالة h على \mathbb{R} .

(2) (أ) احسب التكامل التالي: $A(\lambda) = \int_0^\lambda h(x) dx$ حيث λ عدد حقيقي موجب تماما و فسر النتيجة هندسيا.

(ب) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} A(\lambda)$.

التمرين رقم 35:

علوم تجريبية - 2016 - الموضوع الثاني (06 نقاط)

(I) لتكن g الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = 2e^x - x^2 - x$

(1) (أ) احسب $g'(x)$ من اجل كل x من \mathbb{R} ، ثم ادرس اتجاه تغير الدالة g' (حيث g' هي مشتقة الدالة g)

(ب) بين انه من اجل كل x من \mathbb{R} ، $g'(x) > 0$.

(ج) احسب نهايتي الدالة g عند كل من $-\infty$ و $+\infty$ ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث: $-1.38 < \alpha < -1.37$.

(3) استنتج اشارة $g(x)$ حسب قيم العدد الحقيقي x .

- (II) لتكن الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = \frac{x^2 e^x}{e^x - x}$. وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.
- (ب) بين انه، من اجل كل x من \mathbb{R} ، $f'(x) = \frac{x e^x g(x)}{(e^x - x)^2}$ ، (حيث f' هي مشتقة الدالة f).
- (ج) ادرس اتجاه تغير الدالة f على \mathbb{R} ، ثم شكل جدول تغيراتها.
- (2) (ا) بين ان $f(\alpha) = \alpha^2 + 2\alpha + 2 + \frac{2}{\alpha - 1}$ ، ثم استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$.
- (ب) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x^2]$ ، ثم فسر النتيجة بيانيا.
- (ج) انشئ المنحنى (C_f) . (تعطى $f(\alpha) \approx 0.29$)

التمرين رقم 36:

🏠 علوم تجريبية - 2015 - الموضوع الثاني (06 نقاط)

- (I) (ا) الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = 1 - 2x - e^{2x-2}$.
- (1) ادرس اتجاه تغير الدالة g على \mathbb{R} .
- (2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في \mathbb{R} ، ثم تحقق ان: $0.36 < \alpha < 0.37$.
- (3) استنتج اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .
- (II) (ا) الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x e^{2x+2} - x + 1$.
- (ب) (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) (ا) بين انه من اجل كل x من \mathbb{R} : $f'(x) = e^{2x+2} g(-x)$.
- (ب) استنتج ان الدالة f متناقصة تماما على $]-\infty; -\alpha[$ و متزايدة تماما على $]-\alpha; +\infty[$.
- (2) احسب نهاية f عند $+\infty$ و $-\infty$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .
- (3) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) + x - 1]$ ثم فسر النتيجة هندسيا.
- (4) ادرس وضعية (C_f) بالنسبة الى المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = -x + 1$.
- (5) انشئ (Δ) و (C_f) على المجال $]-\infty; \frac{1}{2}]$ ، نأخذ $f(-\alpha) \approx 0.1$.
- (6) (ا) تحقق انه من اجل كل x من \mathbb{R} : $2f(x) + f'(x) - f''(x) = 1 - 2x - 3e^{2x+2}$.
- (ب) استنتج دالة اصلية للدالة f على \mathbb{R} .

التمرين رقم 37:

علوم تجريبية - 2013 - الموضوع الأول (06.5 نقاط)

x	$f(x)$
0.20	0.037
0.21	0.016
0.22	-0.005
0.23	-0.026
0.24	-0.048
0.25	-0.070

- (1) الدالة المعرفة على $]-\infty; 1[$ ب: $f(x) = \frac{x}{x-1} + e^{\frac{1}{x-1}}$ ،
و (C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
- (1) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \leq 1} f(x)$ ، ثم استنتج المستقيمين المقاربين للمنحنى (C).
- (2) احسب $f'(x)$. بين ان الدالة f متناقصة تماما على المجال $]-\infty; 1[$ ، ثم شكل جدول تغيراتها.
- (3) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل في $]-\infty; 1[$ حلا وحيدا . باستعمال جدول القيم اعلاه جد حصرا للعدد α .
- (4) ارسم المستقيمين المقاربين و المنحنى (C) ، ثم ارسم المنحنى (C') الممثل للدالة $|f|$.
- (5) عين بيانيا مجموعة قيم الاعداد الحقيقية m التي من جليها يكون للمعادلة $|f(x)| = m$ حلان مختلفان في الاشارة.

(1) الدالة المعرفة على $]-\infty; 1[$ ب: $(g(x) = f(2x-1))$. (عبارة $g(x)$ غير مطلوبة)

- (1) ادرس تغيرات الدالة g على $]-\infty; 1[$ ثم شكل جدول تغيراتها.
- (2) (ا) تحقق من ان: $g\left(\frac{\alpha+1}{2}\right) = 0$ ، ثم بين ان: $g'\left(\frac{\alpha+1}{2}\right) = 2f'(\alpha)$.
(ب) استنتج معادلة (T) المماس لمنحنى الدالة g في النقطة ذات الفاصلة $\frac{\alpha+1}{2}$.
(ج) تحقق من ان: $y = \frac{2}{(\alpha-1)^3}x - \frac{\alpha+1}{(\alpha-1)^3}$ ، معادلة المستقيم (T).

التمرين رقم 38:

علوم تجريبية - 2012 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

(1) لتكن g الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = 1 - xe^x$

- (1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.
- (2) ادرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.
- (3) (ا) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α على المجال $]-1; +\infty[$.
(ب) تحقق ان $0.5 < \alpha < 0.6$ ، ثم استنتج اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .
- (4) نعتبر الدالة f المعرفة على المجال $]-\infty; 2[$ كمايلي: $f(x) = (x-1)e^x - x - 1$.
(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.
- (2) لتكن f' مشتقة الدالة f . بين انه من اجل كل عدد حقيقي x من $]-\infty; 2[$ فان $f'(x) = -g(x)$.
استنتج اشارة $f'(x)$ على المجال $]-\infty; 2[$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .
- (3) بين ان $f(\alpha) = -\left(\frac{\alpha^2+1}{\alpha}\right)$ ، ثم استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$. (تدور النتائج الى 10^{-2}).
- (4) (ا) بين ان المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = -x - 1$ هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $-\infty$

- (ب) ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة الى (Δ) .
- (5) (ا) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين x_1 و x_2 حيث $-1.6 < x_1 < -1.5$ و $1.5 < x_2 < 1.6$
- (ب) انشئ (Δ) و (C_f) .
- (6) لتكن h الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $h(x) = (ax + b)e^x$
- (ا) عين العددين الحقيقيين a و b بحيث تكون h دالة اصلية للدالة $x \mapsto xe^x$ على \mathbb{R} .
- (ب) استنتج دالة اصلية للدالة g على \mathbb{R} .

التمرين رقم 39:

🏠 علوم تجريبية - 2011 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

- نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بـ $f(x) = e^x - ex - 1$.
- (1) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.
- (ب) احسب $f'(x)$ ثم ادرس اشارتها.
- (ج) شكل جدول تغيرات الدالة f .
- (2) (ا) بين ان المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = -ex - 1$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) .
- (ب) اكتب معادلة المستقيم (T) مماس للمنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 0.
- (ج) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل في المجال $]1.75; 1.76[$ حلا وحيدا α .
- (د) ارسم المستقيمين (Δ) و (T) ثم المنحنى (C_f) على المجال $]-\infty; 2]$.
- (3) (ا) احسب بدلالة α ، المساحة $A(\alpha)$ للحيز المستوي المحدد بالمنحنى (C_f) و حامل محور الفواصل و المستقيمين اللذين معادلتهما: $x = \alpha$ و $x = 0$.
- (ب) اثبت ان: $A(\alpha) = \left(\frac{1}{2}e\alpha^2 - e\alpha + \alpha\right)u\alpha$ (حيث $u\alpha$ هي وحدة المساحات).

التمرين رقم 40:

🏠 علوم تجريبية - 2010 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

- نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R}^* كمايلي: $f(x) = x - \frac{1}{e^x - 1}$.
- نرمز بـ (C_f) لتمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.
- (ب) احسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ و فسر النتيجة هندسيا.
- (2) ادرس اتجاه تغير الدالة f على كل مجال من مجالي تعريفها ثم شكل جدول تغيراتها.
- (3) (ا) بين ان المنحنى (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين مائلين (Δ) و (Δ') معادلتهما على الترتيب: $y = x$ و $y = x + 1$.
- (ب) ادرس وضعية (C_f) بالنسبة الى كل من (Δ) و (Δ') .
- (4) اثبت ان النقطة $\omega\left(0; \frac{1}{2}\right)$ هي مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

- (5) (أ) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين α و β حيث: $\ln 2 < \alpha < 1$ و $-1.4 < \beta < -1.3$
- (ب) هل توجد مماسات لـ (C_f) توازي المستقيم (Δ) ؟
- (ج) ارسم (Δ) ، (Δ') ثم المنحنى (C_f) .
- (د) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و اشارة حلول المعادلة: $(m-1)e^{-x} = m$.

التمرين رقم 41:

علوم تجريبية - 2008 - الموضوع الأول (07.5 نقط)

- (I) نعتبر الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على المجال $[-2; +\infty[$ كما يأتي $f(x) = (ax + b)e^{-x} + 1$ حيث a و b عدنان حقيقيان.
- (C_f) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ وحدة الطول $1cm$ عين قيمتي a و b بحيث تكون النقطة $A(-1, 1)$ تنتهي الى (C_f) و معامل توجيه المماس عند A يساوي $(-e)$.
- (II) نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على المجال $[-2; +\infty[$ كما يلي: $g(x) = (-x-1)e^{-x} + 1$ و (C_g) تمثيلها البياني في نفس المعلم السابق.
- (أ) بين ان $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 0$ و فسر هذه النتيجة بيانيا. (نذكر ان $\lim_{x \rightarrow -\infty} ue^u = 0$).
- (ب) ادرس تغيرات الدالة g ، ثم انشئ جدول تغيراتها.
- (ج) بين ان المنحنى (C_g) يقبل نقطة انعطاف I يطلب تعيين احداثيتها.
- (د) اكتب معادلة المماس للمنحنى (C_g) عند النقطة I .
- (هـ) ارسم (C_g) .
- (و) H الدالة العددية المعرفة على $[-2; +\infty[$ كما يأتي: $H(x) = (\alpha x + \beta)e^{-x}$ حيث α و β عدنان حقيقيان. عين α و β بحيث تكون H دالة اصلية للدالة: $x \mapsto g(x) - 1$ استنتج الدالة الأصلية للدالة g و التي تنعدم عند القيمة 0 .
- (III) لتكن k الدالة المعرفة على المجال $[-2; +\infty[$ كما يأتي: $k(x) = g(x^2)$ باستعمال مشتقة دالة مركبة، عين اتجاه تغير الدالة k ثم شكل جدول تغيراتها.

2

شعبة تقني رياضي

التمرين رقم 42:

🏠 تقني رياضي - 2021 - الموضوع الأول (07 نقاط)

(I) الدالة العددية g معرفة على المجال $[0; +\infty[$ بـ: $g(x) = x^2 - 5 + e^{x-1}$

(1) بين ان الدالة g متزايدة تماما على $[0; +\infty[$

(2) (ا) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث: $1.71 < \alpha < 1.72$

(ب) استنتج حسب قيم العدد الحقيقي الموجب x اشارة $g(x)$

(II) الدالة العددية f معرفة على المجال $[0; +\infty[$ بـ: $f(x) = x + 1 + (-x^2 - 2x + 3)e^{1-x}$

(C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) (ا) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty[$: $f'(x) = g(x)e^{1-x}$

(ب) استنتج ان الدالة f متزايدة تماما على $[a; +\infty[$ و متناقصة تماما على $[0; a]$

(ج) بين ان: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .

(2) بين ان المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = x + 1$ مقارب مائل لـ (C) ثم ادرس وضعية (C) بالنسبة الى (Δ)

(3) بين ان (C) يقبل مماسا (T) موازيا لـ (Δ) في نقطة A يطلب تعيين فاصلتها (لا يطلب كتابة معادلة (T))

(4) (ا) بين ان (C) يقبل نقطة انعطاف وحيدة فاصلتها $(1 + \sqrt{6})$

(ب) ارسم (Δ) ، (T) ، و (C) (ناخذ $f(\alpha) \approx 1.1$ ، $f(\sqrt{5}) \approx 1.4$ و $f(1 + \sqrt{6}) \approx 3.1$)

(5) الدالة العددية h معرفة على المجال $]-\infty; 0]$ بـ: $h(x) = -x + 1 + (-x^2 + 2x + 3)e^{1+x}$

(C_h) تمثيلها البياني في المعلم السابق.

(أ) تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي x من المجال $]-\infty; 0]$: $h(x) = f(-x)$
 (ب) اشرح كيفية رسم (C_h) انطلاقا من (C) ثم ارسمه.

التمرين رقم 43:

🏠 تقني رياضي - 2020 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

الدالة العددية f معرفة على المجال $[-1; +\infty[$ بـ : $f(x) = x - 1 + \frac{1}{4}(2e^{-x} - 1)^2$
 (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (وحدة الطول $2cm$)

1. (أ) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x من المجال $[-1; +\infty[$: $f'(x) = (1 - e^{-x})(2e^{-x} + 1)$

(ب) ادرس اشارة $f'(x)$ واستنتج اتجاه تغير الدالة f .

(ج) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f

2. (أ) بين ان المستقيم (Δ) ذا المعادلة : $y = x - \frac{3}{4}$ مقارب مائل للمنحنى (C_f)

(ب) ادرس وضعية (C_f) بالنسبة الى المستقيم (Δ)

3. بين ان المنحنى البياني (C_f) يقبل مماس (T) موازيا للمستقيم (Δ) يطلب كتابة معادلة له.

4. بين ان المنحنى البياني (C_f) يقبل نقطة انعطاف تعيينها.

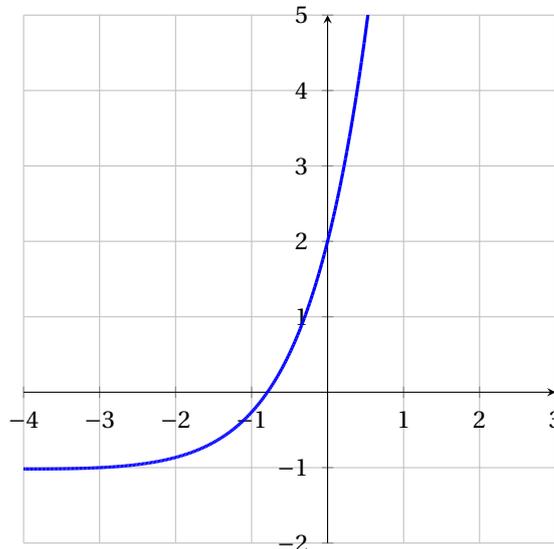
5. ارسم (Δ) ، (T) و المنحنى البياني (C_f) .

6. ليكن m وسيطا حقيقيا. عين مجموعة قيم m التي من اجلها تقبل المعادلة : $f(x) = x + m$ حلين مختلفين.

التمرين رقم 44:

🏠 تقني رياضي - 2019 - الموضوع الأول (07 نقاط)

(أ) الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $g(x) = (x+3)e^x - 1$ و (C_g) تمثيلها البياني كما هو مبين في الشكل.
 بقراءة بيانية



$$(1) \text{ حدد إشارة } g(-1) \text{ و } g\left(\frac{-1}{2}\right)$$

$$(2) \text{ استنتج وجود عدد حقيقي } \alpha \text{ وحيد من المجال } \left]-1; \frac{-1}{2}\right[\text{ بحيث } g(\alpha) = 0 \text{ ثم تحقق ان : } -0.8 < \alpha < -0.7$$

$$(3) \text{ استنتج إشارة } g(x) \text{ على } \mathbb{R}$$

(II) f الدالة المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = (x+2)(e^x - 1)$ و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

$$(1) \text{ احسب } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \text{ و } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$$

$$(2) \text{ بين انه من اجل كل عدد حقيقي } x, f'(x) = g(x) \text{ ثم شكل جدول تغيرات الدالة } f$$

$$(3) (a) \text{ احسب } \lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) + x) \text{ ثم استنتج ان } (C_f) \text{ يقبل مستقيما مقاربا مائلا } (\Delta) \text{ يطلب تعيين معادلة له. } \odot$$

$$(b) \text{ ادرس الوضع النسبي للمنحنى } (C_f) \text{ و المستقيم } (\Delta)$$

$$(c) \text{ اكتب معادلة لـ } (T) \text{ مماس } (C_f) \text{ الموازي للمستقيم } (\Delta)$$

$$(4) \text{ ارسم المستقيم } (\Delta) \text{ و المنحنى } (C_f) \text{ على المجال }]-\infty; 1[\text{ (يعطى } f(\alpha) \approx -0.7)$$

$$(5) \text{ احسب } f(x) - g(x) \text{ ثم استنتج دالة اصلية للدالة } f \text{ على } \mathbb{R}$$

$$(6) h \text{ الدالة المعرفة على } \mathbb{R} \text{ كمايلي : } h(x) = |x|(e^{|x|-2} - 1) + 1 \text{ و } (C_h) \text{ تمثيلها البياني في المعلم السابق.}$$

$$(a) \text{ بين ان الدالة } h \text{ زوجية}$$

$$(b) \text{ تاكد انه من اجل كل } x \text{ من المجال }]0; +\infty[\text{ فان : } h(x) = f(x-2) + 1$$

$$(c) \text{ اشرح كيف يمكن رسم } (C_h) \text{ انطلاقا من } (C_f) \text{ ثم ارسم } (C_h) \text{ على المجال }]-3; 3[$$

التمرين رقم 45:

📌 تقني رياضي - 2018 - الموضوع الأول (07 نقاط)

$$f \text{ الدالة العددية المعرفة على المجال }]-\infty; 1[\text{ ب: } f(x) = \frac{x}{x-1} e^{-x} \text{ و } (C_f) \text{ تمثيلها البياني في المعلم المتعامد و المتجانس } (O; \vec{i}; \vec{j}).$$

$$(1) \text{ احسب } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) \text{ ثم فسر النتيجة بيانيا و احسب } \lim_{x \rightarrow 1} f(x)$$

$$(2) \text{ بين انه من اجل كل } x \text{ من }]-\infty; 1[\text{ : } f'(x) = \frac{(-x^2 + x - 1)e^{-x}}{(x-1)^2} \text{ و ادرس اتجاه تغير الدالة } f \text{ ثم شكل جدول تغيراتها.}$$

$$(3) (a) \text{ اكتب معادلة المماس } (T) \text{ للمنحنى } (C_f) \text{ عند النقطة ذات الفاصلة صفر.}$$

$$(b) h \text{ دالة عددية معرفة على المجال }]-\infty; 1[\text{ ب: } h(x) = e^{-x} + x - 1$$

$$\text{ ادرس اتجاه تغير الدالة } h \text{ ثم استنتج انه من اجل كل } x \text{ من }]-\infty; 1[\text{ : } h(x) \geq 0$$

$$(4) \text{ بين انه من اجل كل } x \text{ من }]-\infty; 1[\text{ : } f(x) + x = \frac{xh(x)}{x-1} \text{ ثم استنتج الوضع النسبي للمنحنى } (C_f) \text{ و المماس } (T). \text{ فسر النتيجة بيانيا.}$$

$$(5) \text{ اكتب معادلة المستقيم } (\Delta) \text{ الذي يشمل مبدأ المعلم } O \text{ و النقطة } A\left(-2; \frac{2}{3}e^2\right) \text{ ثم ارسم المستقيمين } (T), (\Delta) \text{ و المنحنى } (C_f) \text{ على المجال }]-2; 1[$$

$$(6) (a) \text{ بين انه من اجل كل } x \text{ من }]-1; 0[\text{ : } \frac{x}{x-1} \leq f(x) < e^{-x}$$

$$(b) \text{ تحقق انه من اجل كل } x \text{ من }]-1; 0[\text{ : } \frac{x}{x-1} = 1 + \frac{1}{x-1} \text{ ثم بين ان : } 1 - \ln 2 \leq \int_{-1}^0 f(x) < e - 1$$

(7) m وسيط حقيقي، ناقش بيانها و حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة: $f(x) = mx$ ، حيث $x \in [-2; 1[$

التمرين رقم 46:

📌 تقني رياضي - 2017 - الدورة الإستثنائية، الموضوع الثاني (07 نقاط)

(I) لتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $g(x) = 1 - 2xe^{-x}$.

- ادرس اتجاه تغير الدالة g ثم استنتج إشارة $g(x)$.

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $f(x) = (x+1)(1+2e^{-x})$.

(C_f) التمثيل البياني للدالة f في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ حيث $\|\vec{i}\| = 1cm$

(1) (أ) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) (أ) بين ان : $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x] = 1$ ثم استنتج معادلة $L(\Delta)$ ، المستقيم المقارب المائل للمنحنى (C_f).

(ب) ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة الى المستقيم (Δ)

(3) اثبت ان المنحنى (C_f) يقبل مماسا وحيدا (T) يوازي (Δ) يطلب تعيين معادلة له

(4) باستعمال المنحنى (C_f) ، عين قيم الوسيط الحقيقي m حتى يكون للمعادلة $f(x) = x + m$ حلين مختلفين.

(5) ليكن α عددا حقيقيا موجبا، نرسم $A(\alpha)$ الى مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى (C_f) و بالمستقيمات التي

معادلاتها على الترتيب : $y = x + 1$ ، $x = -1$ و $x = \alpha$.

- احسب $A(\alpha)$ بدلالة α ثم $\lim_{\alpha \rightarrow +\infty} A(\alpha)$.

التمرين رقم 47:

🏠 تقني رياضي - 2015 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

(I) g الدالة المعرفة على \mathbb{R} بمايلي : $g(x) = (x+2)e^x - 2$

(1) احسب : $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) احسب $g(0)$ ، ثم استنتج إشارة $g(x)$.

(II) f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بمايلي : $f(x) = 2x + 3 - (x+1)e^x$.

(C_f) المنحنى الممثل للدالة f في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) بين ان : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ ، ثم احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

(2) (أ) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = -g(x)$

(ب) استنتج إشارة $f'(x)$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f

(ج) بين ان المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = 2x + 3$ مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) عند $-\infty$ ثم ادرس وضعية

(C_f) بالنسبة الى المستقيم (Δ)

(3) (أ) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين α و β حيث : $0.92 < \alpha < 0.93$ و $-1.56 < \beta < -1.55$

(ب) ارسم المستقيم (Δ) و المنحنى (C_f) على المجال $\left]-\infty; \frac{3}{2}\right]$

(4) (ا) بين ان الدالة $x \mapsto xe^x$ هي دالة اصلية للدالة $x \mapsto (x+1)e^x$ على \mathbb{R}

(ب) احسب A مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى (C_f) و المستقيم (Δ) و المستقيمين اللذين معادلتهمما :
 $x = \alpha$ ، $x = 0$ (حيث α هي القيمة المعرفة في السؤال 3أ).

(ج) جد حصرا للعدد A .

التمرين رقم 48:

📌 تقني رياضي - 2014 - الموضوع الثاني (06 نقاط)

f هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = (x-1)e^x$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) عين نهاية f عند كل من $-\infty$ و $+\infty$

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة f على \mathbb{R} ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) (ا) بين ان المعادلة $f(x) = 1$ تقبل حلا وحيدا α على \mathbb{R} ، ثم تحقق ان $1.27 < \alpha < 1.28$

(ب) اكتب معادلة لـ (T) مماس المنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1 وحدد وضعية (C_f) بالنسبة الى (T)

(ج) ارسم (T) و (C_f)

(4) عين قيم العدد الحقيقي m التي من اجلها تقبل المعادلة $(x-1)e^x - (m-1)e^m = -1$ حلا واحدا في \mathbb{R}

(5) h هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ: $h(x) = (|x|+1)e^{-|x|}$ و تمثيلها البياني.

(ا) بين ان الدالة h زوجية.

(ب) ارسم (C_h) مستعينا بالمنحنى (C_f)

(6) g دالة معرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = (ax+b)e^x$ حيث a ، b عدنان حقيقيان.

عين a ، b حتى يكون : من اجل كل x من \mathbb{R} ، $g'(x) = f(x)$

التمرين رقم 49:

📌 تقني رياضي - 2013 - الموضوع الثاني (07.5 نقطة)

(I) الدالة g معرفة على \mathbb{R} كمايلي: $g(x) = (x-1)e^x$

(1) ادرس تغيرات g

(2) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x : $1 + (x-1)e^x \geq 0$

(II) الدالة f معرفة على $[0; +\infty[$ كمايلي :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{e^x - 1}{x}; x > 0 \\ f(0) = 1 \end{cases}$$

(1) (ا) بين ان f مستمرة على $[0; +\infty[$

(ب) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) (ا) تحقق انه، من اجل كل عدد حقيقي x من $]0; +\infty[$: $f'(x) = \frac{1 + (x-1)e^x}{x^2}$

(ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.(III) n عدد طبيعي حيث $n \geq 1$ ، f_n الدالة المعرفة على $]0; +\infty[$ بـ : $f_n(x) = \frac{e^x - 1}{x} + n \ln x$ و (C_n) منحناها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(\vec{i}; \vec{j})$ و $(O;$ (1) ادرس اتجاه تغير الدالة f_n على $]0; +\infty[$ (2) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f_n(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f_n(x)$ (3) ادرس الوضع النسبي للمنحنين (C_n) و (C_{n+1}) (4) بين ان جميع المنحنيات تمر من نقطة ثابتة B يطلب تعيين احداثيتها.(5) (ا) بين انه، يوجد عدد حقيقي وحيد α_1 من $]0.3; 0.4[$ بحيث $f_1(\alpha_1) = 0$ (ب) بين انه، من اجل كل عدد طبيعي n حيث $n \geq 1$ فان : $f_n(\alpha_1) < 0$ ، ثم برهن انه يوجد عدد حقيقي α_n من

$$] \alpha_1; 1[\text{ بحيث } f_n(\alpha_n) = 0$$

(6) (1) بالاعتماد على الجزء II، بين انه من اجل كل x من $]0; 1[$: $\frac{e^x - 1}{x} \leq e - 1$ (2) استنتج انه، من اجل كل عدد طبيعي n حيث $n \geq 1$: $\ln(\alpha_n) \geq \frac{1-e}{n}$ ، ثم $\alpha_n \geq e^{\frac{1-e}{n}}$ (3) جد نهاية المتتالية (α_n)

التمرين رقم 50:

تقني رياضي - 2012 - الموضوع الاول (07 نقاط)

(I) g هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $g(x) = -4 + (4 - 2x)e^x$ (1) ادرس تغيرات الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.(2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين احدهما معدوم و الاخر α حيث : $1.59 < \alpha < 1.60$ (3) استنتج اشارة $g(x)$.(II) f هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $f(x) = \frac{2x-2}{e^x-2x}$ (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(\vec{i}; \vec{j})$: (وحدة الطول $2cm$)(1) بين ان (C_f) يقبل عند $-\infty$ و $+\infty$ مستقيمين مقاربين معادلتيهما على الترتيب $y = -1$ و $y = 0$ (2) (ا) برهن انه من اجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - 2x)^2}$ (ب) استنتج اشارة $f'(x)$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .(ج) احسب $f(1)$ ، ثم استنتج، حسب قيم x ، اشارة $f(x)$ (3) (ا) بين ان : $f(\alpha) = -1 + \frac{1}{\alpha - 1}$ ، حيث α هو العدد المعرف في السؤال 2 من الجزء I(ب) استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$ (تدور النتائج الى 10^{-2}).(ج) ارسم (C_f) .(4) ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد و اشارة حلول المعادلة : $2x - 2 = (e^x - 2x)(m + 1)$ (5) h هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $h(x) = [f(x)]^2$

(ا) احسب $h'(x)$ بدلالة كل من $f'(x)$ و $f(x)$ ، ثم استنتج اشارة $h'(x)$
 (ب) شكل جدول تغيرات الدالة h .

التمرين رقم 51:

🏠 تقني رياضي - 2011 - الموضوع الثاني (07.5 نقطة)

(1) f الدالة العددية المعرفة على مجموعة الاعداد الحقيقية \mathbb{R} كمايلي : $f(x) = 3 - \frac{4}{e^x + 1}$
 (C_f) منحناها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(2) ادرس تغيرات الدالة f .

(3) عين المستقيمات المقاربة للمنحنى (C_f)

(4) بين ان للمنحنى (C_f) نقطة انعطاف ω يطلب تعيينها ثم اكتب معادلة للمماس (C_f) عندها

(5) لتكن g الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $g(x) = f(x) - x$

(ا) ادرس تغيرات الدالة g .

(ب) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث : $2.7 < \alpha < 2.8$

(6) (ا) حل في \mathbb{R} المعادلة : $f(x) = 0$

(ب) ارسم المماس و المستقيم (Δ) الذي معادلته : $y = x$ و المنحنى (C_f)

(7) (u_n) المتتالية المعرفة كمايلي : $u_0 = 1$ و من اجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = f(u_n)$

(ا) باستخدام (C_f) و المستقيم (Δ) مثل u_0 و u_1 و u_2 على حامل محور الفواصل.

(ب) بين انه من اجل كل عدد طبيعي n فان : $1 \leq u_n < \alpha$

(ج) بين ان المتتالية (u_n) متزايدة تماما

(د) استنتج ان (u_n) متقاربة و بين ان : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \alpha$

التمرين رقم 52:

🏠 تقني رياضي - 2010 - الموضوع الاول (07 نقاط)

f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R}^* بالعلاقة : $f(x) = \frac{3xe^x - 3x - 4}{3(e^x - 1)}$
 ليكن (C_f) منحنى f في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) عين العددين الحقيقيين a و b بحيث : $f(x) = ax + \frac{b}{3(e^x - 1)}$ من اجل كل x من \mathbb{R}^*

(2) احسب نهاية الدالة f عند اطراف مجالات تعريفها.

(3) بين ان f متزايدة تماما على كل مجال من مجالي تعريفها ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) (ا) (D) و (D') المستقيمان اللذان معادلتهما على الترتيب : $y = x$ و $y = x + \frac{4}{3}$

بين ان (D) و (D') مقاربان للمنحنى (C_f) ، ثم حدد وضعيته بالنسبة لكل منهما.

(ب) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين x_0 و x_1 حيث $0.9 < x_0 < 0.91$ و $-1.65 < x_1 < -1.66$

(ج) احسب من اجل كل عدد حقيقي x غير معدوم $f(x) + f(-x)$.
فسر النتيجة هندسيا.

(د) ارسم (D) و (D') و (C_f)

(هـ) m عدد حقيقي، (D_m) المستقيم المعرف بالمعادلة $y = x + m$.
ناقش بيانيا حسب قيم m عدد حلول المعادلة: $f(x) = x + m$

(5) نعتبر الدالة g المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ كما يأتي: $g(x) = [f(x)]^2$
ادرس تغيرات الدالة g دون حساب $g(x)$ بدلالة x .

التمرين رقم 53:

🏠 تقني رياضي - 2009 - الموضوع الاول (07 نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = x + \frac{2}{e^x + 1}$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) احسب $f(x) + f(-x)$ من اجل كل عدد حقيقي x ، ثم استنتج ان النقطة $\omega(0; 1)$ هي مركز تناظر للمنحنى (C_f)

(2) ادرس تغيرات الدالة f على المجال $]0; +\infty[$ ثم استنتج جدول تغيراتها على \mathbb{R} .

(3) بين ان المستقيم ذي المعادلة $y = x$ هو مستقيم مقارب للمنحنى (C_f) عند $+\infty$.
احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x + 2)]$ ، استنتج المستقيم المقارب للمنحنى (C_f) عند $-\infty$

(4) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ حلا وحيدا α بحيث $-1.7 < \alpha < -1.6$

(5) ارسم (C_f) من اجل $x \in \mathbb{R}$

(6) بين انه من اجل كل x من \mathbb{R} ، $f(x) = x + \frac{2e^{-x}}{e^{-x} + 1}$

(7) احسب $A(\alpha)$ مساحة الحيز من المستوي المحدد بالمنحنى (C_f) و المستقيمت ذات المعادلات:

$$x = \alpha \quad \text{و} \quad x = 0, \quad y = x + 2$$

بين ان $A(\alpha) = 2 \ln(-\alpha)$ ثم استنتج حصرا للعدد $A(\alpha)$.

3

شعبة رياضيات

التمرين رقم 54:

رياضيات - 2021 - الموضوع الأول (07 نقاط)

(I) الدالة العددية g معرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = (x^2 - 3)e^x + 3$ (1) ادرس تغيرات الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها(2) (ا) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α يحقق : $1.53 < \alpha < 1.54$ (ب) احسب $g(0)$ ثم استنتج حسب قيم العدد الحقيقي x اشارة $g(x)$ (II) الدالة العددية f معرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = 3x + 1 + (x^2 - 2x - 1)e^x$ (C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ (2) (ا) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = g(x)$ (ب) استنتج ان f متزايدة تماما على كل من $]-\infty; 0]$ و $[\alpha; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $]0; \alpha[$ (ج) شكل جدول تغيرات الدالة f (3) (ا) بين ان المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = 3x + 1$ مقارب مائل لـ (C) عند $-\infty$ (ب) ادرس وضعية (C) بالنسبة الى (Δ) (ج) بين ان (C) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها β تحقق : $2.03 < \beta < 2.04$ (د) بين ان (C) يقبل مماسين (T) و (T') موازيين لـ (Δ) (لا يطلب كتابة معادلة لـ (T) و (T'))

(4) ارسم (Δ) ، (T) ، (T') و (C) على $]-\infty; 1 + \sqrt{2}[$
(ناخذ: $\alpha \approx 1.53$ ، $f(\alpha) \approx -2.3$ ، $f(\sqrt{3}) \approx -2.1$ و $f(-\sqrt{3}) \approx -3.2$)

(5) الدالة العددية h معرفة على المجال $]0; +\infty[$: $h(x) = f[\ln x]$

(أ) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} h(x)$

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة h ثم شكل جدول تغيراتها

التمرين رقم 55:

رياضيات - 2020 - الموضوع الأول (07 نقاط)

(I) الدالتان العدديتان g و h معرفتان على المجال $]-\infty; 0[$ كمايلي: $g(x) = -2e^x$ و $h(x) = x(e^x + 1)$ حدد اشارة كل من $h(x)$ و $g(x)$ على المجال $]-\infty; 0[$

(II) الدالة العددية f معرفة على المجال $]-\infty; 0[$: $f(x) = (x-3)e^x + \frac{1}{2}x^2$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) (أ) بين انه من اجل كل x من المجال $]-\infty; 0[$: $f'(x) = h(x) + g(x)$

(ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f على المجال $]-\infty; 0[$

(2) احسب $f(0)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f

(3) بين ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $]-\infty; 0[$ ثم تحقق ان: $-1.5 < \alpha < -1.4$

(4) (P) هو التمثيل البياني للدالة: $x \mapsto \frac{1}{2}x^2$ على المجال $]-\infty; 0[$

(أ) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left[f(x) - \frac{1}{2}x^2 \right]$ ثم فسر النتيجة بيانيا.

(ب) ادرس الوضع النسبي للمنحنين (P) و (C_f)

(ج) انشئ (P) ثم المنحنى (C_f) على المجال $]-\infty; 0[$

(5) ليكن m وسيطا حقيقيا، ناقش بيانيا و حسب قيم m عدد حلول المعادلة: $|f(x)| = e^m$ في $]-\infty; 0[$

التمرين رقم 56:

رياضيات - 2019 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

(I) f_k الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} : $f_k(x) = (x+1)^2 e^{-kx}$ حيث k وسيط حقيقي.

ليكن (C_k) التمثيل البياني للدالة f_k في المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) بين ان كل المنحنيات (C_k) تمر من نقطتين ثابتتين يطلب تعيينهما.

(2) احسب نهايتي الدالة f_k عند $-\infty$ و $+\infty$. (ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي k)

(3) (أ) احسب $f'_k(x)$ ، ثم حدد حسب قيم الوسيط الحقيقي k اتجاه تغير الدالة f_k

(ب) شكل جدول تغيرات الدالة f_k من اجل k عدد حقيقي موجب تماما.

(4) ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي k الاوضاع النسبية للمنحنين (C_k) و (C_{k+1})

(II) f الدالة المعرفة على \mathbb{R} : $f(x) = (x+1)^2 e^{-2x}$

نسعي (C_f) تمثيلها البياني في المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) شكل جدول تغيرات الدالة f ، ثم ارسم المنحنى (C_f) على المجال $\left[-\frac{3}{2}; +\infty\right[$

(2) (ا) بين ان المعادلة $f(x) = 1$ تقبل حلين في \mathbb{R} احدهما α حيث: $-1.28 < \alpha < -1.27$

(ب) عين قيم العدد الحقيقي m التي من اجلها تقبل المعادلة $\left|\frac{x+1}{e^x}\right| = \left|\frac{m+1}{e^m}\right|$ حلا وحيدا.

(3) g الدالة المعرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = (x+1)e^{-2x}$

(ا) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x فان: $g'(x) + 2g(x) - e^{-2x} = 0$ ثم استنتج دالة اصليّة لـ g على \mathbb{R}

(ب) باستعمال المكاملة بالتجزئة، احسب A مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى (C_f) ومحور الفواصل و المستقيمين اللذين معادلتاهما $x = -1$ و $x = 0$

التمرين رقم 57:

رياضيات - 2018 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

(I) الدالة العددية المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ ب: $g(x) = (1+x+x^2)e^{-\frac{1}{x}} - 1$

(1) بين انه من اجل كل x من المجال $]0; +\infty[$: $g'(x) = \frac{(x+1)(2x^2+1)}{x^2} e^{-\frac{1}{x}}$ ،
و استنتج اتجاه تغير الدالة g على المجال $]0; +\infty[$.

(2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $0.9 < \alpha < 1$ ،
و استنتج اشارة $g(x)$ على المجال $]0; +\infty[$.

(II) f الدالة العددية المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ ب: $f(x) = \frac{1}{x} + (1+x)e^{-\frac{1}{x}}$.
و (C_f) التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(ب) بين انه من اجل كل x من المجال $]0; +\infty[$: $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ ،
و استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) بين ان $\lim_{x \rightarrow +\infty} (xe^{-\frac{1}{x}} - x) = -1$ (يمكن وضع $t = -\frac{1}{x}$) ثم استنتج ان المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x$ مقارب للمنحنى (C_f) بجوار $+\infty$.

(3) h الدالة العددية المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ ب: $h(x) = \frac{1}{x} - 1 + e^{-\frac{1}{x}}$

(ا) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x)$ و ادرس اتجاه تغير الدالة h و استنتج اشارة $h(x)$ على $]0; +\infty[$

(ب) تحقق ان $f(x) - x = (1+x)h(x)$ ثم استنتج الوضعية النسبية لـ (C_f) بالنسبة الى المستقيم (Δ)

(4) ارسم المستقيم (Δ) و المنحنى (C_f) . ناخذ $(f(\alpha) \approx 1.73)$

(5) (u_n) متتالية عددية معرفة على \mathbb{N}^* بحددها العام u_n حيث: $u_n = \frac{n}{n+1} f\left(\frac{1}{n}\right) - \frac{n^2}{n+1}$

(ا) اكتب u_n بدلالة n ثم بين ان المتتالية (u_n) هندسية يطلب تعيين اساسها وحدها الاول u_1

(ب) احسب بدلالة n المجموع S_n حيث: $S_n = \left(\frac{1}{2}f(1) - \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{2}{3}f\left(\frac{1}{2}\right) - \frac{1}{2}\right) + \dots + \left(\frac{n}{n+1}f\left(\frac{1}{n}\right) - \frac{1}{n+1}\right)$

التمرين رقم 58:

رياضيات - 2017 - الدورة الاستثنائية، الموضوع الثاني (07 نقاط)

المستوي منسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ حيث: $\|\vec{i}\| = 1 \text{ cm}$.

(I) نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = (x+1)^2 e^{-x}$. (C) تمثيلها البياني.

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) اثبت ان المنحنى (C) يقبل نقطتي انعطاف يطلب تعيين احداثيتهما، احسب $f(-2)$ ، ثم ارسم المنحنى (C) .

(II) ليكن m وسيط حقيقي، نعتبر الدالة f_m المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f_m(x) = (x^2 + mx + 1)e^{-x}$ وليكن (C_m) تمثيلها البياني في المعلم السابق.

(1) اثبت ان جميع المنحنيات (C_m) تشمل نقطة ثابتة w يطلب تعيين احداثيتها.

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة f_m و استنتج قيم m التي من اجلها تقبل الدالة f_m قيمتين حديتين يطلب تعيينهما.

(3) M_m نقطة من المنحنى (C_m) فاصلتها x_m حيث $x_m = 1 - m$

اثبت انه عندما m يمسخ \mathbb{R} فان M_m ينتهي الى منحن يطلب تعيين معادلة له.

(4) ادرس حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، حيث $m \neq 2$ ، الوضعية النسبية للمنحنيين (C) و (C_m) .

(5) احسب بدلالة العدد الحقيقي الموجب تماما α ، مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنيين (C) و (C_3) و المستقيمين اللذين معادلتهم: $x = \alpha$ و $x = 0$ ، ثم احسب: $\lim_{\alpha \rightarrow +\infty} A(\alpha)$

التمرين رقم 59:

رياضيات - 2017 - الموضوع الأول (07 نقاط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = (-x^3 + 2x^2)e^{-x+1}$

(C_f) المنحنى الممثل للدالة f في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ، استنتج وجود مستقيم مقارب للمنحنى (C_f) يطلب تعيين معادلة له.

(ب) بين ان: من اجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = x(x^2 - 5x + 4)e^{-x+1}$

ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيراتها.

(2) اكتب معادلة (T) مماس المنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 2.

(3) الدالة المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ كمايلي: $h(x) = x^2 e^{-x+2} - 4$

ادرس اتجاه تغير الدالة h ثم استنتج اشارة $h(x)$ حدد عندئذ وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة الى (T) على المجال $]0; +\infty[$.

(4) ارسم المماس (T) والمنحنى (C_f) على المجال $]0; +\infty[$.

(5) نعتبر m وسيط حقيقي و المعادلة ذات المجهول الحقيقي x الموجب: $f(x) = m(x-2) \dots (E)$

ناقش بيانها حسب قيم m عدد حلول المعادلة (E) .

(6) الدالة المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ ب: $g(x) = f\left(\frac{1}{x}\right)$

اعتمادا على السؤال رقم (1)، شكل جدول تغيرات الدالة g .

التمرين رقم 60:

رياضيات - 2016 - الموضوع الأول (07 نقاط)

(I) الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $\phi(x) = (x^2 - x + 1)e^{-x+1} - 1$ (1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \phi(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} \phi(x)$ (ب) ادرس اتجاه تغير الدالة ϕ ثم شكل جدول تغيراتها.(2) بين ان المعادلة $\phi(x) = 0$ تقبل في \mathbb{R} ، حلا α يختلف عن 1 ثم تحقق ان : $2.79 < \alpha < 2.80$ (3) استنتج اشارة $\phi(x)$ على \mathbb{R} (II) f و g الدالتان العدديتان المعرفتتان على \mathbb{R} كمايلي : $f(x) = (2x-1)e^{-x+1}$ و $g(x) = \frac{2x-1}{x^2-x+1}$ و (C_f) و (C_g) تمثيلاهما البيانيان في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ (1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ (ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها(2) بين ان للمنحنيين (C_f) و (C_g) مماسا مشتركا (T) في النقطة ذات الفاصلة 1 ثم جد معادلة له.(3) ارسم المماس (T) و المنحنى (C_f) (4) (1) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x ، $f(x) - g(x) = \frac{(2x-1)\phi(x)}{x^2-x+1}$ (ب) ادرس اشارة الفرق $f(x) - g(x)$ على \mathbb{R} ثم استنتج الوضع النسبي للمنحنيين (C_f) و (C_g) (ج) باستعمال مكاملة بالتجزئة، احسب بدلالة العدد الحقيقي x : $\int_1^x f(t) dt$ (د) احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنيين (C_f) و (C_g) و المستقيمين اللذين معادلتهمما : $x = 1$ و $x = 2$ (III) (1) احسب $f''(x)$ ، $f^{(3)}(x)$ و $f^{(4)}(x)$. اعط تخميننا لعبارة $f^{(n)}(x)$ حيث n عدد طبيعي غير معدوم $f^{(n)}$ الدالة المشتقة من المرتبة n للدالة f (2) برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي غير معدوم n ، $f^{(n)}(x) = (-1)^n [2x - (2n+1)] e^{1-x}$ (3) (u_n) المتتالية العددية المعرفة من اجل كل عدد طبيعي غير معدوم n ، كمايلي : $u_n = f^n(1)$ (1) احسب بدلالة العدد الطبيعي غير المعدوم k ، المجموع : $u_k + u_{k+1}$ (ب) استنتج بدلالة n ، المجموع : $u_1 + u_2 + \dots + u_{2n}$

التمرين رقم 61:

رياضيات - 2015 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

 f الدالة المعرفة بـ : $f(0) = 0$ و من اجل كل عدد حقيقي x من المجال $]-\infty; 0[$ ، $f(x) = (x-1)e^{\frac{1}{x}}$ و (C_f) المنحنى الممثل للدالة f في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.(1) ادرس استمرارية الدالة f عند 0 من اليسار(2) احسب $\lim_{x \leq 0} \frac{f(x)}{x}$ ، ثم فسر النتيجة هندسيا.(3) (1) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها

$$(4) \quad (a) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - x] = 0 \text{ بين ان}$$

(ب) استنتج ان المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) بجوار $-\infty$ ، يطلب تعيين معادلة له.

$$(5) \quad g \text{ الدالة المعرفة على المجال }]-\infty; 0[\text{ ب: } g(x) = \frac{f(x)}{x}$$

$$(a) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) \text{ احسب}$$

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها.

$$(6) \quad (a) \quad \text{بين انه من اجل كل عدد حقيقي } x \text{ من المجال }]-\infty; 0[\text{ ، } f(x) > x$$

(ب) استنتج وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة الى المستقيم (Δ) .

(ج) انشئ المنحنى (C_f) .

$$(7) \quad (u_n) \text{ المتتالية المعرفة ب: } u_0 = -3 \text{ و من اجل كل عدد طبيعي } n \text{ ، } u_{n+1} = f(u_n)$$

$$(a) \quad \text{بين انه من اجل كل عدد طبيعي } n \text{ ، } u_n < 0$$

(ب) حدد اتجاه تغير المتتالية (u_n)

$$(ج) \quad \text{بين ان المتتالية } (u_n) \text{ متقاربة، ثم عين } \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$$

$$(8) \quad m \text{ عدد حقيقي. } h_m \text{ الدالة ذات المتغير الحقيقي } x \text{ المعرفة على المجال }]-\infty; 0[\text{ ب:}$$

$$h_m(x) = x e^{\frac{1}{x}} - mx$$

$$(a) \quad \text{احسب } h'_m(x) \text{ حيث } h'_m \text{ هي الدالة المشتقة للدالة } h_m.$$

(ب) باستعمال المنحنى (C_f) ، ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد حلول المعادلة $h'_m(x) = 0$

التمرين رقم 62:

رياضيات - 2014 - الموضوع الأول (06 نقاط)

$$(I) \quad g \text{ الدالة العددية المعرفة على } \mathbb{R} \text{ كمايلي: } g(x) = (2-x)e^x - 1$$

(1) ادرس تغيرات الدالة g .

$$(2) \quad \text{بين ان المعادلة: } g(x) = 0 \text{ في } \mathbb{R} \text{ حلان } \alpha \text{ و } \beta \text{ حيث } -1.2 < \alpha < -1.1 \text{ و } 1.8 < \beta < 1.9$$

(3) استنتج اشارة $g(x)$ على \mathbb{R}

$$(II) \quad f \text{ الدالة العددية المعرفة على } \mathbb{R} \text{ كمايلي: } f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x - x} \text{ المنحنى الممثل للدالة } f \text{ في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس } (\vec{i}; \vec{j}; O).$$

(1) احسب نهاية الدالة f عند $-\infty$ و عند $+\infty$ وفسر النتيجةين هندسيا.

$$(2) \quad \text{بين انه من اجل كل عدد حقيقي } x \text{ ، } f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - x)^2} \text{ و استنتج اتجاه تغير الدالة } f \text{ ثم شكل جدول تغيراتها.}$$

$$(3) \quad \text{بين ان: } f(\alpha) = \frac{1}{\alpha - 1} \text{ و استنتج حصرا للعددين } f(\alpha) \text{ و } f(\beta)$$

(4) احسب $f(1)$ ثم ارسم المنحنى (C_f)

(5) λ عدد حقيقي اكبر او يساوي 1.

(ا) احسب بدلالة λ العدد $a(\lambda)$ حيث : $a(\lambda) = \int_1^\lambda [f(x) - 1] dx$
 (ب) احسب نهاية $a(\lambda)$ عندما يؤول λ الى $+\infty$.

التمرين رقم 63:

رياضيات - 2013 - الموضوع الأول (06 نقاط)

- (I) (1) الدالة u معرفة على المجال $]0; +\infty[$ ب: $u(x) = e^x - 3x + 4$:
 (ا) ادرس اتجاه تغير الدالة u .
 (ب) بين انه، من اجل كل عدد حقيقي x من المجال $]0; +\infty[$ ، $e^x - e > 3x - 4$.
- (2) الدالة v معرفة على المجال $]0; +\infty[$ ب: $v(x) = -3x^3 + 4x^2 - 1 + \ln x$:
 (ا) بين ان : $v'(1) = 0$. (يرمز v' الى الدالة المشتقة للدالة v)
 (ب) اثبت انه، من اجل كل عدد حقيقي x من المجال $]0; +\infty[$ ، $v(x) \leq 0$.
 (ج) استنتج، انه من اجل كل عدد حقيقي x من المجال $]0; +\infty[$ ، $\frac{-1 + \ln x}{x^2} \leq 3x - 4$.
- (3) اثبت انه، من اجل كل عدد حقيقي x من المجال $]0; +\infty[$ ، $e^x - e + \frac{1 - \ln x}{x^2} > 0$.
- (II) (1) الدالة f معرفة على المجال $]0; +\infty[$ ب: $f(x) = e^x - ex + \frac{\ln x}{x}$.
 (C_f) المنحنى الممثل للدالة f في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$
 (1) احسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$
 (2) بين ان الدالة f متزايدة تماما على المجال $]0; +\infty[$ ، ثم شكل جدول تغيراتها.
 (3) احسب $f(1)$ ، ثم مثل المنحنى (C_f) على المجال $]0; \frac{5}{2}[$.
 (ناخذ : $f(2) \approx 2.3$ ، $f(1.64) \approx 1$ ، و $f(\frac{5}{2}) \approx 5.75$.)
- (4) احسب مساحة الجيز المستوي المحدد بالمنحنى (C_f) وحامل محور الفواصل والمستقيمين اللذين معادلتهما $x = 2$ و $x = \frac{1}{2}$

التمرين رقم 64:

رياضيات - 2012 - الموضوع الأول (08 نقاط)

- (I) (1) g هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $g(x) = 2 - xe^x$
 (1) ادرس تغيرات الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.
 (2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α على \mathbb{R} ، ثم تحقق ان : $0.8 < \alpha < 0.9$
 (3) عين، حسب قيم x ، اشارة $g(x)$
- (II) (1) f هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $f(x) = \frac{2x+2}{e^x+2}$
 (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، (وحدة الطول $2cm$)
 (1) بين ان : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ ، ثم فسر النتيجة هندسيا.

- (2) (ا) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
- (ب) بين ان المستقيم (Δ') ذا المعادلة $y = x + 1$ مستقيم مقارب للمنحنى (C_f) .
- (3) ادرس وضعية (C_f) بالنسبة الى كل من (Δ) و (Δ') ، حيث (Δ) هو المستقيم ذو المعادلة $y = x$
- (4) (ا) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = \frac{2g(x)}{(e^x + 2)^2}$ ، ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f .
- (ب) بين ان : $f(\alpha) = \alpha$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .
- (5) ارسم (Δ) ، (Δ') و (C_f)
- (6) ناقش ، بيانيا ، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد حلول المعادلة $f(x) = f(m)$
- (III) (u_n) هي المتتالية العددية المعرفة على \mathbb{N} كمايلي : $u_0 = 0$ و من اجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = f(u_n)$
- (1) برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي n ، $0 \leq u_n < \alpha$
- (2) باستعمال (Δ) و (C_f) مثل على محور الفواصل الحدود : u_0 ، u_1 و u_2 ، ثم خمن اتجاه تغير (u_n) .
- (3) برهن ان المتتالية (u_n) متقاربة ، ثم احسب نهايتها.

التمرين رقم 65:

رياضيات - 2011 - الموضوع الأول (07 نقاط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $f(x) = (3x + 4)e^x$ و (C_f) تمثيلها البياني المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

- (1) (ا) احسب f' ، f'' ثم برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي n غير معدوم فان : $f^{(n)}(x) = (3x + 3n + 4)e^x$ حيث : f' ، f'' ، ... ، $f^{(n)}$ المشتقات المتتابعة للدالة f
- (ب) استنتج حل المعادلة التفاضلية : $y'' = (3x + 16)e^x$
- (2) (ا) بين ان : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ وفسر النتيجة هندسيا.
- (ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.
- (3) (ا) اكتب معادلة للمماس (Δ) للمنحنى (C_f) في النقطة ω التي فاصلتها $\frac{-10}{3}$
- (ب) بين ان ω هي نقطة انعطاف المنحنى (C_f)
- (4) (ا) x عدد حقيقي من المجال $]-\infty; 0]$ ، باستعمال التكامل بالتجزئة جد $\int_{-1}^x te^t dt$ ثم استنتج دالة اصلية للدالة f على المجال $]-\infty; 0]$.
- (ب) λ عدد حقيقي اصغر تماما من $-\frac{4}{3}$
- احسب بدلالة λ المساحة $A(\lambda)$ للحيز من المستوى المحدد بالمنحنى (C_f) و المستقيمت التي معادلاتها : $y = 0$ ، $x = \lambda$ و $x = -\frac{4}{3}$ ثم جد $\lim_{\lambda \rightarrow -\infty} A(\lambda)$

التمرين رقم 66:

رياضيات - 2010 - الموضوع الأول (07 نقاط)

(ا) الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $g(x) = (3 - x)e^x - 3$

(1) ادرس تغيرات الدالة g (2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل في \mathbb{R} حلين احدهما معدوم والاخر α حيث : $2.82 < \alpha < 2.83$ (3) استنتج اشارة $g(x)$ حسب قيم x (II) f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كمايلي :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^3}{e^x - 1}; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

 (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ (1) بين ان الدالة f تقبل الاشتقاق عند $x_0 = 0$ ، اكتب معادلة لـ (T) مماس (C_f) عند المبدأ O (2) (ا) بين ان : $\lim_{x \rightarrow +\infty} x^3 e^{-x} = 0$ ثم احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ (ب) بين انه من اجل $x \neq 0$ فان : $f'(x) = \frac{x^2}{(e^x - 1)^2} g(x)$ (ج) تحقق ان $f(\alpha) = \alpha^2(3 - \alpha)$ ثم عين حصرا له.(د) انشئ جدول تغيرات الدالة f .(3) احسب $f(x) + x^3$ و استنتج الوضعية النسبية لـ (C_f) و (C) منحنى الدالة $x \mapsto -x^3$ بين ان $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) + x^3]$ وفسر النتيجة هندسيا.(4) انشئ في نفس المعلم المماس (T) و المنحنيين (C) و (C_f)

التمرين رقم 67:

رياضيات - 2008 - الموضوع الثاني (07 نقاط)

(I) f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بالعبارة : $f(x) = x - 1 + \frac{4}{e^x + 1}$ و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ (1) ادرس تغيرات الدالة f (2) بين ان C_f يقبل نقطة انعطاف ω و اكتب معادلة لمماس C_f عند النقطة ω .- اثبت ان ω مركز تناظر للمنحنى (C_f) (3) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x + 3)]$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (x - 1)]$ - استنتج ان (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين يطلب اعطاء معادلة لكل منهما.(4) بين ان C_f يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها x_0 من المجال $]-2.77; -2.76[$.- احسب $f(1)$ و $f(-1)$ (تدور النتائج الى 10^{-2}) ثم ارسم (C_f) ومستقيمه المقاربين.(II) g الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بالعبارة : $g(x) = -x + 3 - \frac{4}{e^x + 1}$. C_g منحنى الدالة g .(1) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x فان : $g(x) = f(-x)$.- استنتج انه يوجد تحويل نقطي بسيط يحول C_f الى C_g (2) انشئ في نفس المعلم السابق C_g (دون دراسة الدالة g)

القسم ٧

مواضيع بكالوريات أجنبية

التمرين رقم 68:

🏠 بكالوريا المغرب - 2007 -

(I) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = e^{-x} + x - 1$

(1) ادرس تغيرات الدالة g

(2) احسب $g(0)$ ، ثم استنتج انه من اجل كل x من \mathbb{R} : $e^{-x} + x \geq 1$

(II) نعتبر الدالة f المعرفة كمايلي: $f(x) = \frac{x}{e^{-x} + x}$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني

(1) بين ان مجموعة تعريف الدالة f هي \mathbb{R} (استعمل نتيجة السؤال 2-1)

(2) (ا) بين انه من اجل كل x من \mathbb{R}^* : $f(x) = \frac{1}{1 + \frac{1}{xe^x}}$

(ب) بين ان $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ ثم فسر النتيجة هندسيا.

(3) (ا) بين انه من اجل كل x من \mathbb{R} : $f'(x) = \frac{(x+1)e^{-x}}{(x+e^{-x})^2}$

(ب) ادرس اشارة $f'(x)$ ، ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

(4) (ا) اكتب معادلة المماس للمنحنى (C_f) في النقطة O مبدأ المعلم

(ب) تحقق ان من اجل كل x من \mathbb{R} : $x - f(x) = \frac{x \cdot g(x)}{g(x) + 1}$ ، ثم ادرس اشارة $x - f(x)$ على \mathbb{R}

(ج) استنتج الوضع النسبي للمنحنى (C_f) و المستقيم (Δ) الذي معادلته: $y = x$

(5) انشئ كلا من (Δ) و المنحنى (C_f)

التمرين رقم 69:

🏠 بكالوريا تونس - 2017 -

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = (1+x^2)e^{-x}$ وليكن (C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ثم بين ان $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$

(2) (ا) بين انه من اجل كل x من \mathbb{R} : $f'(x) = -(x-1)^2 e^{-x}$

(ب) شكل جدول تغيرات الدالة f .

(3) (ا) اكتب معادلة ديكارتية لمماس المنحنى (C) عند النقطة J ذات الفاصلة 0

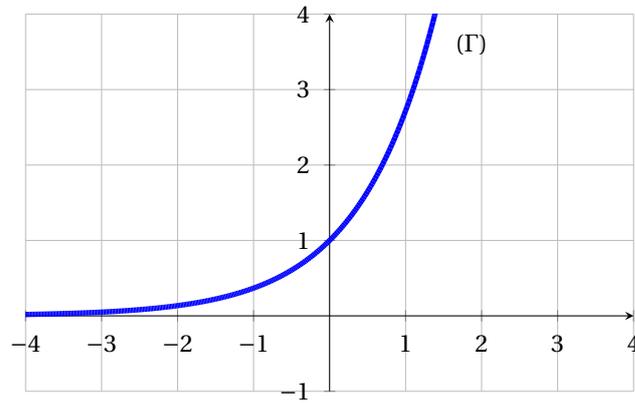
(ب) لتكن A و B نقطتان من المنحنى (C) فاصلتهما 1 و 3 على الترتيب.

بين ان النقطتين A و B نقطتي انعطاف للمنحنى (C)

(4) في الشكل (1): (Γ) يمثل المنحنى البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ للدالة g و

المعرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = e^x$

E و F نقطتان من المنحنى Γ فاصلتهما (-1) و $(\ln 10 - 3)$ على الترتيب و G نقطة من المستوي احداثياها $(0; 1 - 6e^{-3})$



(أ) عبر عن $f(1)$ بدلالة $g(-1)$ و عن $f(3)$ بدلالة $g(-3)$

(ب) انشئ كلا من النقطتين A و B في الشكل (1) (لاحظ ان : $(10g(-3) = g(\ln 10 - 3))$)

(5) (أ) لتكن K نقطة من المستوي احداثيها $(\frac{11}{2}; 0)$

بين ان المستقيم (BK) يمس المنحنى (C) في النقطة B

(ب) ارسم المنحنى (C) في الشكل (1) و المماسات للمنحنى (C) عند كلا من A و J ،

التمرين رقم 70:

🏠 بكالوريا تونس - 2016 -

(1) لتكن g الدالة المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ بـ : $g(x) = x^2 e^x$

(أ) بين ان g متزايدة تمام على المجال $]0; +\infty[$

(ب) قاربن بين x و $\frac{1}{x}$ في المجال $]0; 1[$ و في المجال $]1; +\infty[$

(ج) استنتج انه اذا كان $x \in]0; 1[$ فان $g(x) < g(\frac{1}{x})$ و اذا كان $x \in]1; +\infty[$ فان $g(x) > g(\frac{1}{x})$

(2) نعتبر الدالة f و المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ بـ : $f(x) = (x^2 - 2x + 2)e^x + e^{\frac{1}{x}}$ و نرمز بـ : (C_f) الى منحناها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ من المستوي.

احسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ وفسر النتيجة الاولى بيانيا.

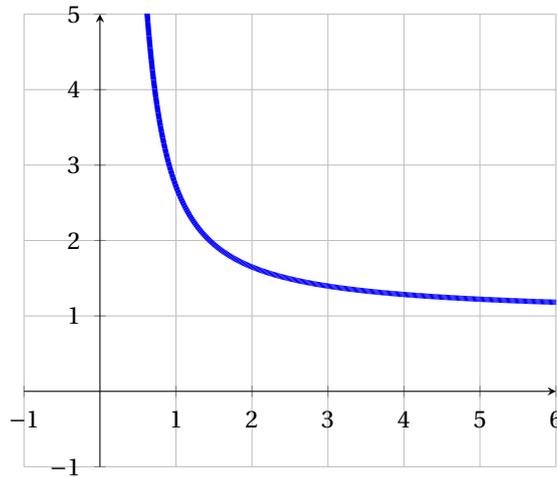
(3) (أ) بين انه من اجل كل x من المجال $]0; +\infty[$ فان : $f'(x) = g(x) - g(\frac{1}{x})$

(ب) احسب $f'(1)$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f

(4) في آخر التمرين، مثلنا المنحنى (C_h) للدالة h المعرفة على $]0; +\infty[$ بـ : $h(x) = e^{\frac{1}{x}}$

(أ) بين ان (C_f) فوق (C_h) .

(ب) انشئ المنحنى (C_f) في نفس المعلم (تعطى $f(1.5) \approx 7.55$)



التمرين رقم 71:

🏠 بكالوريا تونس - 2008 -

- f دالة معرفة على \mathbb{R}^* بـ: $f(x) = x - \frac{1}{e^x - 1}$. نسمي (C) تمثيلها البياني.
- (1) (أ) احسب $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ ، ثم فسر النتيجةين بيانياً.
 (ب) اكمل دراسة تغيرات f ، ثم شكل جدول تغيراتها.
 (ج) بين انه يوجد عدد حقيقي وحيد $\alpha \in]\ln 2; 1[$ يحقق $f(\alpha) = 0$ ثم اثبت ان $f'(\alpha) = 1 + \alpha + \alpha^2$
 (د) اكتب معادلة المماس (T) لـ (C) في النقطة $A(\alpha; f(\alpha))$.
- (2) (أ) ليكن x من \mathbb{R}^* ، احسب $f(-x) + f(x)$ ثم اعط تفسيراً هندسياً لهذه النتيجة.
 (ب) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x]$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x+1)]$ ، ثم فسر النتيجةين بيانياً.
 (ج) انشئ (T) و (C) في المعلم السابق ، نأخذ $\alpha \approx 0.8$
- (3) هل توجد مماسات للمنحنى (C) تعامد المستقيم ذو المعادلة $y = x$ ؟ برر جوابك.
- (4) ناقش بيانياً وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و اشارة حلول المعادلة: $(m-1) = me^x$
- (5) g دالة معرفة على \mathbb{R}^* حيث: $g(x) = -x + \frac{e^x}{e^x - 1}$
 - بين ان $g(x) = f(-x)$ ثم ارسم (C_g).

التمرين رقم 72:

🏠 بكالوريا فرنسا - 2014 -

(Polynésie)

- لتكن f و g دالتان معرفتان على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = e^x$ و $g(x) = 2e^{\frac{x}{2}} - 1$.
- (C_f) و (C_g) هما التمثيلان البيانيان الممثلان للدالة f و الدالة g في معلم متعامد و متجانس.
- (1) بين ان المنحنيين (C_f) و (C_g) يقبلان نقطة مشتركة ذات الفاصلة 0 وان لهما نفس معادلة المماس (Δ) يطلب تعيينها عند نفس النقطة.

(2) احسب نهاية الدالة h عند $-\infty$

$$(3) \text{ اثبت انه من اجل كل عدد حقيقي } x, h(x) = x \left(\frac{e^{\frac{x}{2}}}{x} - 1 - \frac{2}{x} \right)$$

استنتج نهاية الدالة h عند $+\infty$

(4) من اجل كل عدد حقيقي x ، احسب $h'(x)$ و ادرس اشارتها تبعا لقيم x (حيث h' هي الدالة المشتقة للدالة h).

(5) شكل جدول تغيرات الدالة h

$$(6) \text{ استنتج انه من اجل كل عدد حقيقي } x, 2e^{\frac{x}{2}} - 1 \geq x + 1$$

(7) استنتج الوضعية النسبية للمنحنى (C_g) و المماس (Δ)

(8) ادرس الوضعية النسبية للمنحنيين (C_f) و (C_g)

(9) احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنيين (C_f) و (C_g) والمستقيمتين $x=0$ و $x=1$.

التمرين رقم 73:

🏠 بكالوريا فرنسا - 2012 -

(Nouvelle Calédonie)

لتكن الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x(e^x - e) + e - 2$ نسبي C_f تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (الوحدة: $\|\vec{i}\| = 4cm, \|\vec{j}\| = 2cm$)

(I) (1) احسب $f'(x)$ ثم $f''(x)$

(2) ادرس اشارة $f''(x)$ ، ثم استنتج تغيرات f' على \mathbb{R}

(3) بين ان المعادلة $f'(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $]0.5; 0.6[$ ، ثم استنتج اشارة $f'(x)$ على \mathbb{R}

(4) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، ثم شكل جدول تغيرات f (تعطى $f(\alpha) \approx 0.2$)

(II) (1) اثبت ان المستقيم (D) ذا المعادلة $y = -ex + e - 2$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $-\infty$.

(2) ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة الى مستقيم (D) .

(3) بين انه يوجد مماس (Δ) للمنحنى C_f يوازي المستقيم (D) يطلب كتابة معادلة له.

(4) انشئ كلا من (Δ) و (D) ، ثم المنحنى C_f على المجال $]-\infty; 1.5]$ (تعطى $f(1.5) \approx 3.36$)

(5) ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد و اشارة حلول المعادلة: $(m+2-e)e^{-x} = x$

التمرين رقم 74:

🏠 بكالوريا فرنسا - 2007 -

(La Réunion)

f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كمايلي:

$$\begin{cases} f(x) = \frac{xe^x}{e^x - 1} & ; x \neq 0 \\ f(0) = 1 \end{cases}$$

وليكن (C_f) تمثيلها البياني.

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ثم فسر النتيجة بيانيا.

(2) (ا) اثبت ان النهاية: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{e^x - 1} = 1$

(ب) ادرس استمرارية و قابلية اشتقاق الدالة f عند 0 وفسر النتيجة بيانيا.

(3) (ا) برهن انه من اجل كل x من \mathbb{R} : $e^x \geq x + 1$

(ب) بين انه من اجل x من \mathbb{R}^* : $f'(x) = \frac{e^x \cdot g(x)}{(e^x - 1)^2}$ حيث g دالة يطلب تعيينها.

(ج) ادرس اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) (ا) بين ان المستقيم (Δ) ذالمعادلة $y = x$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) .

(ب) ادرس الوضعية النسبية للمنحنى (C_f) و المستقيم (Δ) .

(5) ارسم كلا من المستقيم (Δ) و المنحنى (C_f) .

(6) (ا) x عدد حقيقي غير معدوم، نعتبر النقطتين $M(x; f(x))$ و $M'(-x; f(-x))$ من المنحنى (C_f) .

عين معامل توجيه المستقيم (MM')

(ب) اذا كانت الدالة f قابلة للاشتقاق عند 0، ماذا تعني النتيجة السابقة؟

التمرين رقم 75:

🏠 بكالوريا فرنسا - 2002 -

(La Réunion)

الجزء الاول

لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$. وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (وحدة الرسم 2cm)

1. ادرس شفعية الدالة f . ثم فسر النتيجة هندسيا.

2. ادرس نهاية الدالة f عند $+\infty$

3. ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجال $[0; +\infty[$

4. انشئ المنحنى (C_f) .

الجزء الثاني

لتكن النقطة A من المستوي ذات الاحداثيات $(1; 0)$.

1. M نقطة ذات الفاصلة x من المنحنى (C_f) . احسب بدلالة x المسافة AM

2. نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = (x-1)^2 + \frac{(e^x - e^{-x})^2}{4}$

(ا) احسب $g'(x)$. (يرمز f' الى الدالة المشتقة للدالة f).

(ب) لتكن g'' المشتقة الثانية للدالة g . احسب $g''(x)$

اثبت انه من اجل كل x حقيقي: $g''(x) = e^{2x} + e^{-2x} + 2$

(ج) استنتج تغيرات الدالة g' على \mathbb{R}

(د) برهن انه يوجد عدد حقيقي α ينتمي الى المجال $[0; 1]$ يحقق $g'(\alpha) = 0$.

اثبت انه : $0.46 \leq \alpha \leq 0.47$.

استنتج حسب قيم x اشارة $g'(x)$.

(هـ) ادرس اتجاه تغير الدالة g على \mathbb{R} . استنتج القيم الحدية الصغرى للدالة g

(و) برهن ان المسافة AM اصغر ما يمكن عند النقطة M_α ذات الفاصلة α

(ز) باستعمال تعريف α اثبت صحة المساواة $\alpha - 1 = -\frac{1}{2}f(2\alpha)$ ثم : $g(\alpha) = \frac{1}{4}[f(2\alpha)]^2 + [f(\alpha)]^2$.

استعمل تغيرات الدالة f و $0.46 < \alpha < 0.47$ لايجاد حصر لـ $g(\alpha)$; ثم استنتج حصرًا للمسافة AM_α سعته 2.10^{-2}

التمرين رقم 76:

🏠 بكالوريا فرنسا - 2013 -

(Nouvelle Calédonie)

(I) لتكن الدالة g المعرفة على $[0; +\infty[$ بـ : $g(x) = e^x e^x - 1$

(1) ادرس اتجاه تغير الدالة g

(2) اثبت انه يوجد عدد حقيقي α وحيد ينتمي الى المجال $[0; +\infty[$ بحيث $g(\alpha) = 0$

- تحقق ان α ينتمي الى المجال $[0.703; 0.704[$

(3) استنتج حسب قيم x اشارة $g(x)$ على المجال $[0; +\infty[$

(II) الدالة العددية f معرفة على المجال $[0; +\infty[$ بـ : $f(x) = e^x + \frac{1}{x}$

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$

(2) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty[$: $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$

(3) استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) اثبت ان الدالة f تقبل قيمة حدية صغرى هي العدد الحقيقي $m = \frac{1}{(\alpha)^2} + \frac{1}{\alpha}$

(5) تحقق ان $3.43 < m < 3.45$

القسم VI

مواضيع بكالوريات تجريبية لمدارس اشبال الامة

4

شعبة علوم تجريبية

التمرين رقم 77:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس اشبال الامة - 2021 - دورة جوان . الموضوع الأول (06 نقاط)

(I) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $g(x) = 2 + (x-2)e^{-x+2}$

- (1) ادرس اتجاه تغير الدالة g وشكل جدول تغيراتها
- (2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث : $1.14 < \alpha < 1.15$
- (3) استنتج اشارة $g(x)$ حسب قيم x الحقيقية.

(II) لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = 2x - 1 - (x-1)e^{-x+2}$ ، (C_f) هو المنحنى الممثل للدالة f في المستوى المنسوب

الى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ حيث : $\|\vec{i}\| = 2cm$ و $\|\vec{j}\| = 2cm$

- (1) (ا) احسب كلا من : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
- (ب) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x فان : $f'(x) = g(x)$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f
- (ج) بين ان : $f(\alpha) = 2\alpha + 1 - \frac{2}{\alpha - 2}$ ، ثم استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$
- (2) (ا) اثبت ان المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا (Δ) معادلته $y = 2x - 1$
- (ب) ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ)
- (ج) بين ان المنحنى (C_f) يقبل مماسا (T) يوازي (Δ) يطلب تحديد معادلة له
- (د) احسب كلا من : $f(0)$ و $f(2)$ ، ثم اثبت : (Δ) ، (T) و المنحنى (C_f)
- (3) عين بيانيا قيم الوسيط الحقيقي m حتى تقبل المعادلة : $2m - 1 - (x-1)e^{-x+2} = 0$ حلين متميزين.

(III) نعتبر الدالة h المعرفة على \mathbb{R} ب: $h(x) = (x-1)e^{-x+1}$

- (1) باستعمال التكامل بالتجزئة عين الدالة الاصلية H للدالة h على \mathbb{R} والتي تنعدم عند 0
- (2) ليكن λ عددا حقيقيا حيث: $\lambda > 1$ ، $A(\lambda)$ هي مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى (C_f) و المستقيم (Δ) و المستقيمين اللذين معادلتها: $x = 1$ و $x = \lambda$
- احسب المساحة $A(\lambda)$ بدلالة λ ، ثم احسب: $\lim_{\lambda \rightarrow +\infty} A(\lambda)$

التمرين رقم 78:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس اشبال الامة - 2020 - دورة سبتمبر ، الموضوع الثاني (07 نقاط)

- لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $f(x) = x - 1 + (x^2 + 2)e^{-x}$.
- نسعي (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (وحدة الرسم $2cm$)
- (I) لتكن g الدالة المعرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = 1 - (x^2 - 2x + 2)e^{-x}$
- (1) ادرس نهاية الدالة g عند $-\infty$ و $+\infty$
 - (2) احسب الدالة المشتقة g' وعين اشارتها ثم ضع جدول تغيرات الدالة g
 - (3) برهن ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حل وحيد α في \mathbb{R} ثم علل ان $0.35 < \alpha < 0.36$
 - (4) استنتج اشارة g على \mathbb{R}
- (II)
- (1) عين نهاية الدالة f عند $-\infty$ و $+\infty$
 - (2) من اجل كل عدد حقيقي x احسب $f'(x)$
 - (3) استنتج باستعمال الجزء أ تغيرات f ثم ضع جدول تغيراتها
 - (4) (ا) برهن ان $f(\alpha) = 1 + 2e^{-\alpha}$
 - (ب) باستعمال حصر العدد α عين حصر ل $f(\alpha)$
 - (5) برهن ان المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x - 1$ مستقيم مقارب ل (C) بجوار $+\infty$ ثم حدد وضعية (C) بالنسبة ل (Δ)
 - (6) اعط معادلة المماس (T) للمنحنى (C) في النقطة التي فاصلتها 0
 - (7) ارسم (Δ) ، (T) ثم (C) .

التمرين رقم 79:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس اشبال الامة - 2019 - دورة ماي ، الموضوع الاول (07 نقاط)

- f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} كمايلي : $f(x) = 2e \cdot e^{\frac{-x}{2}} - e^{-x}$.
- و (C_f) تمثيلها البياني في مستو منسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) ادرس تغيرات الدالة f (لاحظ ان $f(x) = e^{\frac{-x}{2}} (2e - e^{-\frac{x}{2}})$)
 - (2) أثبت أن (C) يقبل نقطة إنعطاف يطلب تعيينها.
 - (3) أكتب معادلة المماس (D) للمنحنى (C) عند النقطة ذات الفاصلة 0.
 - (4) عين احداثي نقطة تقاطع المنحنى (C) مع حامل محور الفواصل.

(5) ارسم المماس (D) ثم المنحنى (C).

(6) λ عدد حقيقي أكبر تماما من -2.

(أ) أحسب $S(\lambda)$ مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى (C) والمستقيمتين التي معادلاتها: $x = -2$ ، $x = \lambda$ و $y = 0$

(ب) عين قيمة λ التي من أجلها يكون $S(\lambda) = 2e + 1$.

(ج) أحسب $\lim_{\lambda \rightarrow +\infty} S(\lambda)$

(7) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة: $f(x) = m^2$.

التمرين رقم 80:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس أشبال الأمة - 2018 - دورة ماي، الموضوع الأول (07 نقاط)

(I) دالة معرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = (2-x)e^x - 2$

(1) ادرس تغيرات الدالة g .

(2) (أ) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل في \mathbb{R} حلين احدهما معدوم و الاخر $1.5 < \alpha < 1.6$.

(ب) عين اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

(II) دالة معرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{e^x - 1} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$ و (C) تمثيلها البياني في مستو منسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(1) برهن ان الدالة f مستمرة على \mathbb{R} .

(2) بين ان الدالة f تقبل الاشتقاق عند القيمة 0 ثم اكتب معادلة المماس (Δ) لـ (C) عند المبدأ O .

(3) (أ) برهن ان $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ و فسر النتيجة بيانيا ثم احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(ب) بين انه من اجل كل عدد حقيقي $x \neq 0$: $f'(x) = \frac{x \cdot g(x)}{(e^x - 1)^2}$.

(ج) تحقق من ان: $f(\alpha) = \alpha(2 - \alpha)$ ثم اوجد حصرا لـ $f(\alpha)$ وشكل جدول تغيرات الدالة f .

(4) (أ) احسب $f(x) + x^2$ و استنتج وضعية (C) بالنسبة الى (Γ) الذي معادلته: $y = -x^2$.

(ب) بين ان $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) + x^2] = 0$ و فسر النتيجة بيانيا.

(5) ارسم (Δ) و (Γ) ثم انثئ المنحنى (C).

(6) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و اشارة حلول المعادلة $f(x) = f(m)$.

التمرين رقم 81:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس اشبال الامة - 2016 - دورة ماي، الموضوع الاول (07 نقاط)

الجزء الأول: g دالة عددية معرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = (2x+1)e^{-x} + 1$

(1) ادرس تغيرات الدالة g .

(2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α بحيث: $\alpha \in]-0.74; -0.73[$.

(3) استنتج إشارة $g(x)$ حسب قيم x من \mathbb{R} .

الجزء الثاني: f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = (-2x-3)e^{-x} + x$ ، وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (وحدة الطول $1cm$)

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

(2) بين ان المستقيم (d) الذي معادلته: $y = x$ هو مقارب مائل للمنحنى (C_f) عند $+\infty$

(3) (ا) اثبت انه من اجل كل x من: \mathbb{R} ، $f'(x) = g(x)$ ، ثم استنتج اتجاه تغير f وشكل جدول تغيراتها.

(ب) بين ان $f(\alpha) = \alpha + 1 + \frac{2}{2\alpha+1}$ ، ثم استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$ (تدور النتيجة الى 10^{-2})

(ج) بين ان المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف I يطلب تعيين احداثيها ، ثم اكتب معادلة المماس (T) لـ (C_f) عند I

(4) ارسم المستقيم (d) و المنحنى (C_f)

(5) (ا) عين العددين الحقيقيين a و b حتى تكون الدالة $H: x \mapsto (ax+b)e^{-x}$ دالة اصلية للدالة $h: x \mapsto (-2x-3)e^{-x}$ على \mathbb{R} .

(ب) احسب ب: cm^2 المساحة $A(\alpha)$ للحيز المستوي المحدد بالمنحنى C_f و المستقيمتا المعرفة بالمعادلات: $y = x$ ، $x = \alpha$ و $x = 2$ (هو العدد الحقيقي المعرف في الجزء الأول).

التمرين رقم 82:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس اشبال الامة - 2015 - دورة ماي . الموضوع الاول (07 نقاط)

لتكن g الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = 1 - e^{2x} - 2xe^{2x}$

(1) (ا) عين نهاية الدالة g عند $-\infty$ و $+\infty$

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g وشكل جدول تغيراتها.

(2) احسب $g(0)$ ، ثم استنتج حسب قيم x إشارة $g(x)$ على \mathbb{R}

(3) لتكن الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} كمايلي: $f(x) = x + 3 - xe^{2x}$

نسمي (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(ا) عين نهاية الدالة f عند $-\infty$ و $+\infty$

(ب) بين ان المنحنى (C_f) يقبل مستقيم مقارب مائل (Δ) يطلب تعيين معادلة له.

(4) ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ)

(5) (ا) برهن انه من اجل كل عدد حقيقي x لدينا: $f'(x) = g(x)$

(ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيراتها.

(6) بين ان (C_f) يقطع محور الفواصل في نقطتين فاصلتهما α و β حيث: $-3.5 < \alpha < -3$ و $0.5 < \beta < 1$

(7) ارسم المستقيم (Δ) و المنحنى (C_f)

(8) h دالة عددية معرفة على \mathbb{R}^* كمايلي: $h(x) = \frac{1+3x-e^{\frac{2}{x}}}{x}$

(ا) بين ان من اجل كل عدد حقيقي x لدينا: $h(x) = f\left(\frac{1}{x}\right)$

(ب) احسب $h'(x)$ ، ثم استنتج اتجاه تغير الدالة h وشكل جدول تغيراتها.

5

شعبة رياضيات

التمرين رقم 83:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس اشبال الامة - 2021 - دورة جوان ، الموضوع الاول (07 نقاط)

(I) لتكن g الدالة المعرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = e^x(x-1) + 1$

(1) ادرس تغيرات g ثم انجز جدول تغيراتها.

(2) استنتج ان $g(x) \geq 0$ من اجل كل عدد حقيقي x .

(II) لتكن الدالة العددية I المعرفة على \mathbb{R} كمايلي : $I(x) = \int_0^x (x-t)e^t dt$

(1) اثبت بواسطة مكاملة بالتجزئة ان : $I(x) = e^x - (1+x)$

(2) ليكن x عدد حقيقي موجب. اثبت من اجل كل t من $[0; x]$ ان : $1 \leq e^t \leq e^x$ ثم استنتج ان : $\frac{x^2}{2} \leq I(x) \leq \frac{x^2 e^x}{2}$

(3) ليكن x عدد حقيقي سالب. اثبت من اجل كل t من $[x; 0]$ ان : $e^x \leq e^t \leq 1$ ، ثم استنتج ان : $\frac{x^2 e^x}{2} \leq I(x) \leq \frac{x^2}{2}$

(4) استنتج ان : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - (1+x)}{x^2} = \frac{1}{2}$

(III) لتكن الدالة المعرفة على \mathbb{R} ب:
$$\begin{cases} f(x) = \frac{e^x - 1}{x} & x \neq 0 \\ f(0) = 1 \end{cases}$$

و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) احسب نهايات الدالة f عند $+\infty$ و $-\infty$

(2) ادرس قابلية اشتقاق f عند 0

- (3) احسب $f'(x)$ ثم استنتج تغيرات الدالة f
- (4) عين معادلة للمماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0
- (5) ارسم (T) و (C_f)

التمرين رقم 84:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس اشبال الامة - 2020 - دورة سبتمبر ، الموضوع الاول (07 نقاط)

(I) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = (1+x)e^x + 1$

(1) ادرس تغيرات الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها

(2) استنتج انه من اجل كل عدد حقيقي $x : g(x) > 0$

$$(II) \text{ لتكن الدالة } f \text{ المعرفة على } \mathbb{R} \text{ ب: } \begin{cases} f(x) = \frac{x}{1+e^{\frac{1}{x}}} & ; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

(C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$. الوحدة $5cm$

(1) نقبل ان الدالة f مستمرة عند 0 ، ادرس قابلية اشتقاق الدالة f عند 0. فسر بيانيا النتيجة.

$$(2) \text{ اثبت انه من اجل كل عدد حقيقي } x \text{ حيث } x \neq 0 \text{ فان: } f'(x) = \frac{g\left(\frac{1}{x}\right)}{\left(1+e^{\frac{1}{x}}\right)^2}$$

• استنتج اتجاه تغير f .

(3) احسب نهاية f عند $+\infty$ وعند $-\infty$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f

(4) بين ان (C) يقبل مستقيما مقاربا معادلته $y = \frac{x}{2} - \frac{1}{4}$ بجوار $+\infty$ وبجوار $-\infty$

$$\left(f(x) - \frac{x}{2} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} - \frac{1}{2\left(1+e^{\frac{1}{x}}\right)} \right) \text{ ضع}$$

(5) ارسم المنحنى (C)

التمرين رقم 85:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس اشبال الامة - 2019 - دورة ماي ، الموضوع الاول (07 نقاط)

من اجل كل عدد طبيعي غير معدوم n نعتبر الدالة العددية f_n للمتغير الحقيقي x و المعرفة على \mathbb{R} ب: $f_n(x) = \frac{4e^{nx}}{e^{nx} + 7}$ ونرمز ب: (C_n) الى المنحنى الممثل للدالة في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(I) دراسة الدالة f_1 المعرفة على \mathbb{R} ب: $f_1(x) = \frac{4e^x}{e^x + 7}$

(1) (ا) تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي x فان: $f_1(x) = \frac{4}{1+7e^{-x}}$

(ب) احسب نهايتي الدالة f_1 عند $-\infty$ وعند $+\infty$ وفسر هندسيا النتائج المحصل عليها

(2) (ا) بين ان الدالة f_1 متزايدة تماما على \mathbb{R} وشكل جدول تغيراتها.

(ب) استنتج انه من اجل كل عدد حقيقي x فان: $0 < f_1(x) < 4$

(3) (ا) بين ان النقطة I_1 ذات الاحداثيتين $(\ln(7); 2)$ مركز تناظر للمنحنى (C_1)

- (ب) اكتب معادلة لـ (T_1) مماس المنحنى (C_1) في النقطة I_1
 (ج) انشئ المماس (T_1) و المنحنى (C_1)
 (4) احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى (C_1) و المستقيمتان التي معادلاتها:
 $x=3$ و $x=1$ ، $y=0$

(II) دراسة بعض خواص الدالة : f_n

- (1) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x فان : $f_n(x) = f_1(nx)$ و استنتج اتجاه تغير الدالة f_n
 (2) اثبت انه من اجل كل عدد طبيعي غير معدوم n فان النقطة $A\left(0; \frac{1}{2}\right)$ تنتمي الى المنحنى (C_n)

التمرين رقم 86:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس اشبال الامة - 2017 - دورة ماي . الموضوع الاول (07 نقاط)

المستوي مزود بمعلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$. الوحدة $2cm$.
 من اجل كل عدد طبيعي n نعتبر الدالة f_n المعرفة على \mathbb{R} بـ : $f_n(x) = \frac{e^x}{e^{nx}(1+e^x)}$ ونرمز بـ : (C_n) للمنحنى الممثل للدالة f_n .

(1) في هذا الجزء نهتم فقط بالدالتين f_0 و f_1 حيث : $f_0(x) = \frac{e^x}{1+e^x}$ ، $f_1(x) = \frac{e^x}{e^x(1+e^x)}$

- (1) (ا) احسب نهايتي f_0 عند $-\infty$ و $+\infty$ ، و استنتج المستقيمتان المقاربتان للمنحنى (C_0)
 (ب) بين ان النقطة $\omega\left(0; \frac{1}{2}\right)$ هي مركز تناظر لـ (C_0) واكتب معادلة للمستقيم (T) مماس المنحنى (C_0) في النقطة ω

- (2) (ا) ادرس اتجاه تغير الدالة f_0 وشكل جدول تغيراتها.
 (ب) علل انه من اجل دراسة وضعية (C_0) بالنسبة لـ (T) ، يكفي دراسة اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} حيث :
 $g(x) = 2e^x - xe^x - 2 - x$ ثم احسب $g'(x)$ و $g''(x)$ و عين مع التبرير وضعية (C_0) بالنسبة لـ (T) .

(3) ارسم (C_0) في نفس المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- (4) (ا) بين انه من اجل كل عدد x فان : $f_1(x) + f_0(x) = 1$ و استنتج ان النقطتين : $M(x; f_1(x))$ و $M(x; f_0(x))$ متناظرتان بالنسبة للمستقيم (D) الذي معادلته $y = \frac{1}{2}$ و استنتج كيفية رسم (C_1) انطلاقا من (C_0)
 (ب) ارسم (C_1) في نفس المعلم السابق.

(5) نعتبر المتتالية (u_n) المعرفة من اجل كل عدد طبيعي n بـ : $u_n = \int_0^1 f_n(x) dx$

(ا) احسب التكامل $u_0 = \int_0^1 f_0(x) dx$ و تحقق ان : $u_0 = \ln\left(\frac{1+e}{2}\right)$ و احسب بـ cm^2 المساحة A الحيز المستوي المحدد بـ (C_0) و محور الفواصل و المستقيمين معادلتاهما $x=0$ و $x=1$

(ب) بين ان $u_0 + u_1 = 1$ و استنتج القيمة المضبوطة للعدد u_1 و بين ان المتتالية (u_n) موجبة.

(6) نضع $K(x) = f_{n+1}(x) - f_n(x)$

(ا) بين انه من اجل x من \mathbb{R} فان : $K(x) = \frac{1-e^x}{e^{nx}(1+e^x)}$

(ب) ادرس اشارة $K(x)$ من اجل $x \in [0, 1]$ و استنتج ان المتتالية (u_n) متناقصة.

التمرين رقم 87:

🏠 بكالوريا تجريبية لمدارس اشبال الامة - 2016 - دورة ماي .الموضوع الاول (07 نقاط)

لتكن f الدالة المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = e^x - x - 1$ ، و g الدالة المعرفة على $]0; +\infty[$ ب: $g(x) = x - 1 - 2\ln x$ نسمي (C) منحنى الدالة f و γ منحنى الدالة g في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(I) (1) ادرس النهايات و اتجاه تغير الدالة f

(2) اثبت ان (C) يقبل مستقيما مقاربا مائلا يطلب تعيين معادلة له.

(3) ادرس وضعية (C) بالنسبة لمستقيمه المقارب المائل

(4) (ا) اكتب معادلة المماس (T_a) عن نقطة من (C) ذات الفاصلة a

(ب) بين انه يوجد مماس وحيد (T) ل (C) يشمل النقطة $P(-1 + \ln 2; -\ln 2)$

(ج) اكتب معادلة للمماس (T)

(5) انشئ (C) و مستقيمه المقارب المائل ومماسه عند النقطة P .

(II) في المستوي المركب المنسوب الى المعلم $(O; \vec{i}, \vec{j})$ نعتبر التحويل النقطي S الذي يرفق بكل نقطة M ذات اللاحقة z

النقطة M' ذات اللاحقة z' حيث: $z' = (1 - i)z + 1$

(1) عين طبيعة S وعناصره المميزة

(2) نضع $z = x + iy$ و $z' = x' + iy'$ حيث x, y, x', y' اعداد حقيقية

(ا) اوجد x' و y' بدلالة x و y

(ب) اثبت انه اذا كانت $M(x, y)$ نقطة من (C) فان صورتها $M'(x', y')$ بواسطة S هي نقطة من γ